Selected HOVO lectures in Leiden & Utrecht Johan Bleeker courses 2008 -2020



- Information carriers in astrophysics
- The phase space of discovery
- Expansion and structure evolution of the Universe
- Cosmic acceleration and feedback by compact objects



## Grote vragen in de wetenschap



# Top 5

- 1. What is the Universe made of?
- 2. What is the biological basis of consciousness?
- 3. Why do humans have so few genes?
- 4. To what extent are genetic variation and personal health linked?
- 5. Can the laws of Physics be unified?

### Traditionele sterrenkunde

Waarnemingsvenster: zichtbaar licht, ook wel "optische straling"



#### Analogie met geluid:

Beluister en interpreteer de 'Symfonie van het Heelal''met oren die slechts de centrale C en de twee naastliggende noten kunnen horen <sub>8</sub>

# EM-stralingsabsorptie door dampkring

SOORT STRALING			ZICHTBAAR LICHT			
	GAMMASTRALING	RONTGENSTRALING	ULTRA- VIOLET- STRALING	INFRAROOD- STRALING	RADIOSTRALING	
GOLFLENGTE	0.0001 0.001 0.0	D1 0.1 1 1	0 100	1000 nanometer 1 10 100 10	00 micron 1 10 millimeter 1 10 100 centimeter	
UITGESTRAALD DOOR VOORWERPEN BIJ EEN TEMPERATUUR VAN	10	00 000 000 1 10 000 000 1 1000 00	1 1 1 1 1 1 1 100 000 1 100 000 1		1 10 100 100	DO mieter
ABSORPTIE IN DE ATMOSFEER VAN DE AARDE						
GEABSORBEERD DOOR	GAS ATOMEN EN M	GAS ATOMEN EN MOLECULEN		KOOLDIOXIDE EN WATERDAMP	GEREFLECTEERD DOOR IONOSFEER	

# Buitenaardse ruimte 🔿 "nieuwe" sterrenkunde

- In situ onderzoek van het zonnestelsel (zon, planeten, manen, asteroïden en kometen)
- Onbelemmerd zicht op het hele electromagnetisch spectrum
- Buigingsbegrensde beeldscherpte in zichtbaar licht door uitschakeling onrust van dampkring
- Toegang tot kosmische deeltjesstraling uit de Melkweg (en daarbuiten)
- Katalyserend voor ontwikkeling nieuwe telescooptechnologie (materialen, optische sturing) en sensortechnologie (supergeleiders)
- Katalyserend voor ontwikkeling informatietechnologie (signaalverwerking, rekencapaciteit, datacompressie)





Year

# Diagnostics 'phase space'

#### Entire volume of phase space



### Hendrik Casimir



- Theoretisch fysicus (quantumtheorie)
- Leerling van Paul Ehrenfest in Leiden, onderzoek bij Niels Bohr en Wolfgang Pauli
- Raad van Bestuur Philips, President van de KNAW
- Biografie (1983):Haphazard Reality, Half a Century of Science
- Concept Wetenschap-Technologie Spiraal: alliantie tussen de Filosoof en de Ingenieur

Wetenschappelijke vraagstelling: drijfveer voor technologische innovaties

- Onderzoek naar elementairste bouwstenen van materie bouwstenen kleiner  $\rightarrow$  energie hoger  $\rightarrow$  golflengte korter ( $\lambda = h/p$ ) licht-microscoop  $\rightarrow$  elektronen-microscoop  $\rightarrow$  deeltjesversnellers
- Onderzoek naar elementairste bouwstenen van 't heelal verder (dieper) kijken  $\rightarrow$  terug in de tijd  $\rightarrow$  lichtzwakke objecten standaard telescoop  $\rightarrow$  adaptieve telescoop  $\rightarrow$  interferometer ( $\theta = \lambda/D$ )
- Onderzoek naar vorming/evolutie van planetaire ecosystemen eliminatie invloed aardse dampkring, in-situ diagnostiek

kunstmanen  $\rightarrow$  ruimtesondes  $\rightarrow$  cognitieve robot-landers

CERN LHC ring met een omtrek van 27 km

LHC

27 km

CERN Courses

ALICE



#### Large Hadron Collider (LHC) at CERN, $E_{col}$ = 13 TeV



#### Exploratie naar de rand van het zonnestelsel

Maan, Mars, komeet P67/Churyumov-Gerasimenko, Jupiter, Saturnus/Titan, Pluto/Charon, Heliopauze



Japanese Lunar Orbiter 'Kaguya' viewing the day-lit earth (JAXA 2016)

#### MSL Curiosity Rover: Sky Crane Landing



#### MSL Curiosity Rover climbing a Martian hill



#### MSL Curiosity Rover drilling a Martian rock sample



MSL-Curiosity Rover: panoramic view of Mount Sharp during search for "habitable sites" containing embedded (past) microbial life



#### Philae-lander op de komeet P67/Churyumov-Gerasimenko



Juno mission naar Jupiter (lancering 5 augustus 2011, aankomst 4 juli 2016). Zonnepanelen 60 m<sup>2</sup>. Grootste array ooit voor Deep Space.

Stralingsvermogen Zon: bij Jupiter 4% t.o.v. Aarde. Electrisch vermogen  $\approx 500 \text{ W} \rightarrow 400 \text{ W}$  EOL, in aardbaan  $\approx 13 \text{ kW}$ .

Cassini/Huygens ruimtesonde: landing van Huygens op de Saturnus maan Titan

> Parachute Shadow 11:38:27

New Horizons naar Pluto/Charon en Kuiper Belt, lancering 2006, Pluto flyby 2015, Kuiper Belt 2019. Verlaat zonnestelsel in 2029.

> RTG New Horizons: 240 W, 30V bij lancering in januari 2006 verlies 5%/4 jaar  $\rightarrow$  210 W tijdens flyby Pluto systeem,  $\approx$  11 kg PuO<sub>2</sub>, geen batterijen.

## Voyager 1(2) crossed the termination shock of the heliopause in 2012 (2018)



Informatiedragers uit het heelal: 'boodschappers', 'messengers'

- "Licht"(golven,fotonen) = elektromagnetische (EM) straling
- "Kosmische" straling = kerndeeltjes met ultra-hoge energie
- "Stof" = materiedeeltjes, planet/maan/komeet-monsters
- Neutrino's = bijna-massaloze deeltjes, drie soorten:  $v_e, v_\mu, v_\tau$
- Zwaartekrachtgolven = rimpeling van ruimtetijd continuum

#### Informatiedragers uit de kosmos



#### Elektromagnetische straling

Licht is een vorm van elektromagnetische straling, met golflengten tussen 0.4 en 0.7 micrometer; elektromagnetische straling kan echter alle soorten golflengen hebben: van gammastraling tot radiogolven.



# Het Electromagnetische Spectrum



Radiogolven hebben de "menselijke maat" Röntgen- en Gammafotonen de schaalgrootte van atomen en atoomkernen

#### Karakteriseren van Licht

• Als golfverschijnsel:  $E(t) = E_0(t)e^{i[\overline{\omega}t + \phi(t)]}$ - Amplitude:  $E_0(t)$ 

- Fase:  $\overline{\omega}t + \varphi(t)$ , bandbreedte  $\Delta \omega = \omega - \overline{\omega} = \frac{d\varphi(t)}{dt}$ 

- Als stroom lichtdeeltjes (fotonen):  $Y(t) = \sum_i \delta(t t_i)$ Cumulatief:  $X(t) = \sum_i U(t - t_i)$ 
  - quantum energie:  $E = \hbar \omega$

( $\omega = 2\pi c/\lambda$ ,  $\hbar$  = gereduceerde constante van Planck)

- quantum impuls:  $p = E/c = \hbar\omega /c = 2\pi\hbar/\lambda \ (\lambda = h/p)$ 



# "Gaussisch" licht geproduceerd door een "zwarte"straler: random superpositie van golfpakketten → fluctuerende amplitude en fase.


### foton emissie: stochastisch proces





Waarnemingen: faseruimte voor diagnostiek

### Diagnostische grootheden

- 1. Spectraal gebied (in golflengte, frequentie, energie)
- 2. Ruimtelijk scheidend vermogen (= beeldscherpte)
- 3. Spectraal scheidend vermogen (= kleurschifting)
- 4. Minimaal detecteerbare helderheid (= intensiteit)
- 5. Tijd scheidend vermogen (= hersteltijd)
- 6. Polarisatie scheiding (voor EM-straling)
- ➡ Faseruimte voor diagnostiek: opgespannen door zes coördinaatassen ➡ 6–D faseruimte

### 3D-beeld van een faseruimte filter



# 1. Spectraal gebied



Bandbreedte:  $\lambda_1 \rightarrow \lambda_2 \quad \nu_1 \rightarrow \nu_2 \quad \varepsilon_1 \rightarrow \varepsilon_2$ 

Zichtbaar licht (Hubble) Paardekop Nevel Infrarood licht (Spitzer)
Paardekop Nevel

## The anatomy of the Milky Way







# Reach Webb's

**Today's Galaxies** Developing Galaxies

Nearby Universe

Galaxies grow and evolve into objects with mature structure.

> Reionization Ultraviolet

radiation from the first stars and

hydrogen in the universe.

Time: Present

#### Infant Galaxies

#### **First Stars Form**

#### "Dark Ages"

No sources of light exist to illuminate the universe.

**Big Bang** Time: 13,850,000,000 Years Ago

### James Webb Space Telescope Launch: oktober 2021





## Webb telescoop brandvlak camera's/spectrometers

Beeldcamera nabij-infrarood: $0.6 - 5 \ \mu m$  (NIRCAM)Spectrograaf nabij-infrarood: $0.6 - 5 \ \mu m$  (NIRSPEC)Spectrograaf midden-infrarood: $5 - 28 \ \mu m$  (MIRI)



# Hubble i James Webb ST: brandvlaksensoren

- instantaan beeldveld: JWST = 15x Hubble
- sensoren: 2D-array-technologie voor IR-chips (2048x2048 beeldelementen/chip)



Materiaal: HgCdTe pixel matrix (Rockwell, Raython)

#### Principe:

Inwendig foto-electrisch effect in halfgeleider met stuurbare 'energy band gap'.

# HgCdTe: sturing golflengte bereik HgTe/CdTe



# 2. Beeldscherpte Begrenzing aan bereikbare beeldscherpte

De fundamenteel fysische begrenzing wordt veroorzaakt door buiging van het licht (als golf) aan de intree-pupil (apertuur): de buigingsgrens (Engels: diffraction limit)

# Huygens-Fresnel principe

Huygens: elk onverstoord punt op het doorgelaten golffront is een bron van secundaire golven met dezelfde frequentie als de primaire golf.



Fresnel: de amplitude van het stralingsveld op elk punt voorbij de opening is de superpositie van al die secundaire golven met hun relative amplitude en hun relatieve fase in beschouwing genomen.<sup>52</sup>

#### Buigingsbeeld verre puntbron aan een cirkelvormige apertuur





# Airy schijf



54

### Berekening van de buigingsgrens

Reguliere benadering:  $\Delta \theta \approx \lambda / D$ Eerste nulwaarde:  $\Delta \theta = 1.22 \lambda / D$ 

Voorbeeld:  $\lambda = 1$  micron  $= 1\mu m = 10^{-6}$  m, D = 1 m  $\Delta \theta = 10^{-6}$  radialen  $= 10^{-6}$  x 57 x 60 x 60 bgsec = 0,2 bgsec

# Quantummechanisch intermezzo

Golffunctie van een deeltje: met positie-basis:  $\psi$  (x) met impuls-basis:  $\psi$  (p)

#### Toestandsruimte van een deeltje in de klassieke natuurkunde

In de klassieke mechanica wordt de momentane toestand van een deeltje beschreven door één punt in een 6-dimensionale toestandsruimte met coordinaat-assen x, y, z,  $v_x$ ,  $v_y$ ,  $v_z$  (plaats- en snelheidscoordinaten). Gegeven een bewegingswet, dan kan de toestand van het deeltje worden beschreven door 6 variabelen: x(t), y(t), z(t),  $v_x(t)$ ,  $v_y(t)$ ,  $v_z(t)$ . De geschiedenis van de toestand van het deeltje kan aldus worden voorgesteld door een afgelegd traject in de 6D toestandsruimte.

In plaats van de snelheid  $\vec{v}$  kan ook de impuls  $\vec{p} = m \vec{v}$  worden gebruikt om punten in de toestandsruimte aan te geven. In die beschrijving wordt de toestandsruimte aangeduid met faseruimte. De faseruimte van een deeltje is een 6D ruimte met coordinaten  $x_i$  en  $p_i$ . Voor elk punt in de faseruimte gelden dan de volgende relaties:

$$\dot{p}_i = F_i(\{r_i\})$$
 en  $\dot{r}_i = {p_i/m}$  57

### Toestand van een deeltje volgens de quantummechanica (1)

Een fysisch systeem wordt beschreven door een vectorruimte, waarin (complexe) vectoren de systeemtoestand representeren. Dergelijke
'toestandsvectoren' worden aangeduid met 'ket' en 'bra' vectoren, notatie |ψ⟩ respectievelijk (ψ|. De 'bra' vector (ψ| (rijvector)) is de complex geconjugeerde van de 'ket' vector |ψ⟩ (kolomvector).

De mogelijke uitkomsten voor de x-positie van een deeltje worden gevonden uit de eigenwaardevergelijking voor de lineaire positie operator X die wordt toegepast op  $|\psi\rangle$ :  $X|\psi\rangle = x_0|\psi\rangle$ , met  $x_0$  een specifieke eigenwaarde met bijbehorende eigenvector  $|\psi\rangle = |x_0\rangle$ 

Het inwendig product van de toestandsvector  $|\psi\rangle$  met de x-positie eigenvector  $|x_0\rangle$  is gedefinieerd als:

$$\langle \mathbf{x}_0 | \psi \rangle = \int_{-\infty}^{+\infty} \delta(\mathbf{x} - \mathbf{x}_0) \psi(\mathbf{x}) d\mathbf{x} = \psi(\mathbf{x}_0),$$

met  $\psi(x)$  de golffunctie van het deeltje als functie van de x-coordinaat

#### Toestand van een deeltje volgens de quantummechanica (2)

Deze relatie geldt voor elke waarde van  $x_0$ ,  $\rightarrow$ 

 $\langle \mathbf{x} | \psi \rangle = \psi(\mathbf{x})$ 

Betekenis: de golffunctie  $\psi(x)$  van een deeltje dat in de x-richting beweegt is de projectie van de toestandsvector  $|\psi\rangle$  op de eigenvectoren van positie,  $\psi(x)$  is de golffunctie van het deeltje in de positie-basis.

Behalve door een positie wordt de toestand van een deeltje ook bepaald door zijn impuls. Analoog aan  $\psi(x)$  kan de impulsafhankelijkheid van de golffunctie worden afgeleid uit:

 $\langle \mathbf{p} | \psi \rangle = \psi(\mathbf{p})$ 

waarin p een eigenwaarde van de impuls operator **P** uit :  $\mathbf{P}|\psi\rangle = |\mathbf{p}|\psi\rangle$ Betekenis: de golffunctie  $\psi(\mathbf{p})$  van een deeltje met impuls p (gericht langs de x-as) is de projectie van de toestandsvector  $|\psi\rangle$  op de eigenvectoren van impuls:  $\psi(\mathbf{p})$  is de golffunctie van het deeltje in de impuls-basis.

# Relatie tussen $\psi(x)$ en $\psi(p)$

 $\psi(x)$  en  $\psi(p)$  representeren beide exact dezelfde toestandsvector  $|\psi\rangle$ ! Hieruit volgt dat er een transformatie moet bestaan tussen  $\psi(x)$  en  $\psi(p)$ zodanig dat als  $\psi(x)$  bekend is, transformatie  $\psi(p)$  oplevert en omgekeerd. Er kan eenvoudig worden aangetoond dat de beide representaties Fourier transformaties van elkaar zijn, zij vormen een Fourier paar:

$$\psi(\mathbf{p}) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{+\infty} e^{\frac{-ipx}{\hbar}} \psi(\mathbf{x}) \, d\mathbf{x} \qquad \qquad \psi(\mathbf{x}) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{+\infty} e^{\frac{ipx}{\hbar}} \psi(\mathbf{p}) \, d\mathbf{p}$$

De waarschijnlijkheidsdichtheid om een deeltje op positie x **of** met impuls p aan te treffen volgt uit:

 $P(x) = \psi^*(x)\psi(x)$  en  $P(p) = \psi^*(p)\psi(p)$ , \* = complex geconjugeerde Indien de impuls heel precies wordt bepaald,  $\psi(p) = \delta(p - p_0)$ , dan volgt uit de Fourier relaties voor  $P(x) = 1/2\pi$ , de waarschijnlijkheidsdichtheid als functie van de positie is in dat geval een volledig uniforme verdeling. Een toestand met precies bepaalde impuls is volledig onbepaald in plaats!

**Onzekerheidsrelaties van Heisenberg**  $\sigma_x \sigma_{px} \ge \hbar/2$  (impuls  $p_x$  gericht langs de x-as)  $\sigma_x$  = standaard deviatie in de spreiding van de x-waarde  $\sigma_{px}$  = standaard deviatie in de spreiding van de p-waarde in de x-richting Diffracted Vb: Transmissie van een stralingsbundel Light Intensity sinc x =  $\frac{\sin(\pi x)}{\pi}$ door een spleet:  $I = I_0 \operatorname{sinc}^2(\pi \operatorname{dsin}\theta/\lambda)$ Maximum Intensity ligher Diffracted Orders HWB =  $p_0 \sqrt{2}$  $\frac{2\lambda}{d}$  $-\frac{3\lambda}{d}$   $-\frac{2\lambda}{d}$   $-\frac{\lambda}{d}$  $\frac{\lambda}{d}$ Detector Screen d  $\Delta \theta/2$  $\mathbf{p}_{\mathbf{x}}$ Nulwaarde  $p_x = p_0 \longrightarrow$ Doorlaat van de spleet **d**: kansdichtheid blokfunctie  $\frac{1}{d} \prod(\frac{x}{d})$ , variantie  $\sigma_x^2 = \frac{d^2}{12}$ Centrale vlek op S: kansdichtheid met parabolisch profiel, variantie  $\sigma_{px}^2 = p_0^2/5$  $\sigma_x \sigma_{px} = p_0 d/\sqrt{60} \rightarrow$  Heisenberg:  $p_0 d/\sqrt{60} \ge h/4\pi \rightarrow p_0 \ge 0.62 h/d = 0.62 p\lambda/d$ 61 HWB-hoek  $\Delta \theta$ :  $\approx 2 \sin (\Delta \theta/2) = p_0 \sqrt{2}/p = 0.62 \sqrt{2} \lambda/d \rightarrow \Delta \theta \approx \lambda/d = diffractiegrens!$ 

"Mr Tompkin in Wonderland" by George Gamov (1939): opsluiting van een biljartbal

## H-atoom

Concentric spherical shells

#### (a) 1s orbital imagined as an onion

 $\Psi^2$ 

Jr2 r2

(b) Probability density

(c) Spherical surface area

(d) Radial probability

52.9 pm (most probable radius for the 1s electron)  $4\pi r^2$ 62 Distance from nucleus (r)

Getallen voor de fictieve macro- en werkelijke microwereld

# Gamov's biljart: $\hbar=1$ J.s, m=0.5 kg, $\sigma_x=0,3$ m $\rightarrow$ $\sigma_v \approx 3$ m/sec: *fictieve* onrust t.g.v. de nulpuntsenergie

H-atoom:  $\hbar = 10^{-34}$ J.s, m=10<sup>-30</sup> kg,  $\sigma_x = 10^{-10}$  m  $\rightarrow$  $\sigma_v \approx 500$  km/sec: *werkelijke* onrust t.g.v. de nulpuntsenergie Buigingsbegrensde beeldscherpte  $\Delta \theta$  invloed van atmosferische 'seeing'



Opname vanaf de grond met een karakteristieke atmosferische 'seeing' van 1,1 boogseconden

Hubble (2,4 m Ø) diepe belichting  $\Delta \theta \approx \lambda / D \approx 0,05$  boogseconden <sub>64</sub>

### Beeldscherpte $\Delta \theta$ buiten dampkring Opname Hubble ruimtetelescoop van spiraalstelsel M100 aberratie-begrensde beeldscherpte $\implies$ buigingsbegrenzing



zonder correctie-optiek COSTAR sferische vertekening slijpfout primaire spiegel



met correctie-optiek COSTAR buigingsbegrensd beeld  $\implies_{65} \Delta\theta \approx \lambda / D \approx 0,05$  bgseconden

Stervormingsgebied in Carinanevel Hubble 20ste verjaardag, april 2010

# Diffraction limits for a few selected telescopes

Telescope	Diameter of aperture	Wavelength	Angular resolution $\lambda/D$ (see above note)
MPIfRA Effelsberg, West Germany	100 m	74 cm 6 cm	25 arcmin 2 arcmin
James Clerk Maxwell Telescope, Mauna Kea	15 m	1 mm 0.35 mm	14 arcsec 5 arcsec
Infrared Astronomical Satellite (IRAS)	60 cm	100 µm	34 arcsec
ESA Infrared Space Observatory (ISO)	60 cm	10 µm	4 arcsec
UK Infrared Telescope (UKIRT)	3.9 m	10 μm 2.2 μm	0.5 arcsec 0.1 arcsec <sup><math>\alpha</math></sup>
Palomar 5 m Telescope	5 m	1 μm 500 μm	0.04 arcsec <sup>a</sup> 0.02 arcsec <sup>a</sup>
NASA-ESA Hubble Space Telescope (HST)	2.4m	1 μm 500 nm 200 nm 120 nm	0.09 arcsec 0.043 arcsec 0.017 arcsec 0.010 arcsec

ESO European- Extremely Large Telescope (E-ELT) Chili Atacama woestijn Cerro Armazones 3060 meter 1x 39,3-meter primaire spiegel

ESO Very Large Telescope Interferometer (VLTI) Chili Atacama woestijn Cerro Paranal 2635 meter 4 x 8,2 -meter primaire spiegel Principes van Röntgentelescopie optica met scherend invallende stralingsbundel

## Scherende-inval optiek



#### Area/Resolution Challenge



#### X-ray optics technology comparison


## Verstrooiing van de invallende X-bundel aan microonregelmatigheden op het reflecterende oppervlak



## Replicatie proces spiegelschil





Commercial 12" Si wafers  $\rightarrow$  100 x 40 mm<sup>2</sup> plates  $\rightarrow$ Stack of 35 grooved plates, 1500 rectangular pores

2 aligned stacks → XOU (X-ray Optical Unit)



#### 2 XOU's in Mirror Module



# Assembly of Si-pore optics components into total ATHENA optics front-end



X-ray Mirror characteristics:Mirror component mass300 kgComponent mass + structure650 kgTotal reflecting surface400 m²

Integrated Optics: 3 meter diameter 12 meter focal length  $\approx 1100$  MM's 77 150.000 Si-wafer plates 2.600.000 optical pores De hoogste energie in kosmische versnellers waarneming met gammastralingstelescopen

## Technieken

• Masker telescopen:

 $0,01 - 5 \text{ MeV} \rightarrow \text{space based:}$ BeppoSAX (1996-2002) INTEGRAL (2002 - heden)

• Compton telescopen:

 $0,1 - 30 \text{ MeV} \rightarrow \text{space based:}$ Compton Observatory (1990 – 2000)

• Paarconversie telescopen:

20 MeV – 100 GeV  $\rightarrow$  space based: GLAST (Lancering: 16 mei 2008)

• Čerenkov telescopen:

>100 GeV- 100TeV  $\rightarrow$  ground based: H.E.S.S. (2004 – heden) 78

## Wide Field Coded Mask Camera: principle



Reconstruction of S(x,y) through deconvolution of the recorded image D(x,y) with the transmission function M(x,y) of the shadow mask.
 Typical field of view several tens degrees with spatial resolution of a few arcminutes.

## Compton Telescope: principle



## Paarconversie $\gamma \rightarrow e^+ + e^-$

- $E_f > 1$  MeV produceert  $e^{-}/e^{+}$  paar
- Conversie bij atoomkern voor impulsbehoud
- Grootste doorsnede voor paarvorming bij E<sub>f</sub> > 5 MeV
- Bij E<sub>f</sub> > 100 GeV directe meting van e<sup>-</sup>/e<sup>+</sup> paar niet haalbaar
- Indirect via Čerenkov straling



## De paarconversie-telescoop: $\gamma \rightarrow e^+ + e^-$



## Gamma-ray Pair-Conversion Telescope

- An infalling gamma ray passes through the AntiCoincidence Detector without producing a signal
- The gamma ray interacts in one of the thin tungsten Conversion Foils by pair production, giving an electron and a positron
- The Silicon Strip Particle Tracking Detectors measure the paths of the electron and positron, giving the arrival direction of the original γ-ray.
- The electron and positron
   collide with the Calorimeter, •
   which measures the energy
   of the particles and hence the
   energy of the original γ-ray.



Anticoincidence Detector (background rejection)

#### **Conversion Foil**

Particle Tracking Detectors

Calorimeter (energy measurement)

 Unwanted cosmic ray particles are rejected when they produce a signal in the AntiCoincidence Detector.

## Interferometrie

- Wisselwerking bij golfverschijnselen (bijvoorbeeld bij licht en geluid) waarbij golven elkaar kunnen versterken of uitdoven, afhankelijk van hun faseverschil.
- Een interferentieverschijnsel kan alleen ontstaan bij coherente golven. Dit betekent dat bij quasimonochromatisch (QM) licht, zoals bijvoorbeeld gaussisch licht van een zwarte straler, de wisselwerking moet plaatsvinden binnen de karakteristieke coherentietijd.
  - Deze coherentietijd hangt af van de bandbreedte van de lopende golf. 84





#### Responsie van 2-element interferometer op een puntbron



#### Modulatie Airy schijf





## Verdwijnen coherentie door introductie fasesprong



89

#### 2-element interferometer





N=10; Slice  $U_Y=0$ 





90

#### Responsie van 10-element interferometer op een puntbron



#### Westerbork: 10(vast) + 4(mob) schotelantennes (25 m) O - W opgelijnd





## Radiopuntbron: responsie vaste array



#### Radio-interferometer

coherentie meting van het electrische veld tussen twee antennes (kruiscorrelatie)



Earth Rotation Aperture Synthesis: baseline tracks filling the uv-plane



## Aardrotatie van O-W array: buigingsringen rond centrale piek



#### incrementen $\Delta L = 144, 72, 36, 18$ meter



98



## Array-telescoop: elektronische bundelsturing



## Principe 'phased array': richten van een golffront



Richting: individuele golffronten superponeren in fase 
maximale versterking



## Phased array feeds in radio astronomy

- Phased arrays can also be used at the focal plane of a parabolic antenna, in place of a traditional feed horn
  - Ideally, we need to Nyquist sample the E-M field in the focal plane



PAF-upgrade van Westerbork Radio Synthese Telescoop: APERTIF 13-09-2018<sup>103</sup>

#### PAF-upgrade van Westerbork Synthese Radio Telescoop: APERTIF 13-09-2018





APERTIF-PAF met 121 elementen beeldveld vergroot met factor 25 t.o.v. een "single-feed" telescoop

## LOFAR configuratie (fase 1)



## Bundelsynthese LOFAR op 3 niveau's

## **Aperture Array**

Datastroom/bundle = 500 GB/s Vergelijk: Westerbork = 10 MB/s

10 bgsec (50 MHz) 3 bgsec (150 MHz) Synthesized beams

Station antenna patterns

Element antenna pattern

## LOFAR deep field:

- Bootes constellation
- ➤ 55 hours exposure
- > sky field  $\approx 20 \text{ deg}^2$
- ≻ HBA 120 168 MHz
- synthesized beam size 4"x 6"
- > 10.000 radio sources
- large morphological variety



SKA laagfrequent antenne array 120.000 (SKA-1) tot 1.000.000(SKA-2) gekoppelde dipolen West-Australië, 2024 – 2030. LOFAR is pilot.
SKA Radio interferometer configuratie (3000 km) Spiraalkern + random distributie buitengebied



SKA middenfrequent-antennes met off-set Gregorian spiegelconfiguratie Tot 2500 schotel-antennes (13-18 meter) Zuid- Afrika, Noord-Kaap provincie 2024→2030 Grondresolutie( $\Delta x$ )  $\leftrightarrow$  primaire spiegel (D)

Satelliethoogte:  $h \rightarrow \Delta \theta = \Delta x / h$ Buiginggrens :  $\Delta \theta = \lambda / D$ 



Vb: grondresolutie: 0,5 meter satelliethoogte: 500 kilometer zichtbaar licht: 0,5 micrometer  $D = 5.10^5 \text{ x } 5.10^{-7} / 5.10^{-1} = 50 \text{ cm}$ 

Let op: ideale geval

### Beeldscherpte aardoppervlak vanuit de ruimte: zijwaarts kijkende radar (SLR, SLAR)



### SLR, SAR: strength of echo returns



113



### Principle of Doppler resolution CryoSAT-2 altimeter (2010)



### Geoïde: equipotentiaalvlak aards zwaartekrachtveld



#### JASON-1 MEASUREMENT SYSTEM







# Beeldscherpte diagram

$$\log D = \log (\lambda \theta^{-1}) = -\log \theta + \log \lambda$$
$$y = -x + c_{\lambda}$$

- 45° lijn: constante golflengte

Event Horizon Telescope (EHT):

Zwart Gat in M87: 6.5 miljard  $M_{\odot} \rightarrow$ Waarnemingshorizon  $\approx 100$  miljard km Afstand M87: 55 Mljr  $\rightarrow \Delta \theta \approx 50$  µbgsec

Waarneming bij  $\lambda = 1.3 \text{ mm} \rightarrow$ Minimale diameter EHT: D = 5000 km

## 3. Spectraal scheidend vermogen: $R_{\lambda} = \lambda / \Delta \lambda$



### Refraction through a prism



In de kleurenband van het spectrum zitten bij vaste golflengten lijnen van de verschillende elementen die in de lichtbron voorkomen:



#### Golflengte (in nanometers)





### Diffractie met transmissie- of reflectietralie

Tralie vergelijking:  $\sin \theta_m \pm \sin \theta_i = m \frac{\lambda}{a}$  $\stackrel{\perp}{\rightarrow} \sin \theta_m = m \frac{\lambda}{a}$  



### Traliespectra van een monochromatische (groene) laser en een polychromatische (witte) lichtbundel



Natuurlijke lijnbreedte: onzekerheidsrelaties van Heisenberg

Fluctuaties in energie en tijd:  $\sigma_E \sigma_t \ge \hbar/2$ Met  $E = hv \rightarrow \sigma_E = h\sigma_v = \hbar\sigma_\omega \rightarrow \sigma_\omega \sigma_t = \frac{1}{2}$ 

$$\sigma_{\omega} = 1/(2\sigma_t) = 1/\tau_{coh}$$

Stralingsemissie bij terugval uit geëxciteerde atomaire toestanden met levensduur  $\tau_{coh}$ 



### Voorbeeld: zonnespectrum



### Dynamica planeetbeweging: radiële snelheidsprofiel



# Transits Allows Studies of the Atmospheres That Are Not Possible for Non-Transiting Planets



### Planetary transit spectroscopy





### Infrared Wavelength

Kosmologisch roodverschuiving: wet van Hubble

Hoe verder het sterrenstelsel, hoe meer is het spectrum rood verschoven volgens:



### De wet van Hubble : $v = H_0.d$

#### Kosmologische roodverschuiving (z)

 $\begin{aligned} z &= (\lambda_{obs} - \lambda_{emit}) / \lambda_{emit} \\ 1 + z &= \lambda_{obs} / \lambda_{emit} = a(t_{obs}) / a(t_{emit}) \\ v &= f(z) \text{ is niet de relativistische Doppler formule.} \\ \text{Alleen voor } v << c \rightarrow z = v/c \end{aligned}$ 







VIRGO



URSA MAJOR



CORONA BOREALIS



BOOTES



HYDRA



Roodverschuiving van de 78 Mly H+K lijnen van Ca

Kosmologische roodverschuiving (z) 750 Mly  $z = (\lambda_{ob} - \lambda_{em}) / \lambda_{em}$  $1+z = \lambda_{ob}/\lambda_{em} = a(t_{ob})/a(t_{em})$ 

1100 Mly Relatie v = f(z) is niet Doppler formule, alleen voor  $v \ll c \rightarrow z = v/c$ 

2000 Mly

Snelheid neemt toe met ongeveer 20 km/sec per miljoen lichtjaren! (= 'Hubble – constante')

### Innovatie: toepassing monolithisch 'immersed" tralie'



### Fotolithografisch etsen met 70,52 °





#### Transmission grating



#### **Reflection grating**



#### XMM-Newton RGS

"Grazing" incidence

DE: 
$$m\lambda = d(\cos\beta - \cos\alpha)$$

**BW**: 
$$\Delta \alpha \rightarrow \Delta \lambda = \frac{d}{m} \sin \alpha \Delta \alpha$$

**RP:** 
$$\lambda / \Delta \lambda = \frac{\cos \alpha - \cos \beta}{\sin \alpha \Delta \alpha}$$

- $\rightarrow$  effective grating period:  $d \sin \alpha$
- → effective line density:

 $\rho = \frac{\rho_r}{\sin \alpha} \quad (\rho_r = \text{ruling density})$ 



#### HR spectroscopy with Chandra LETGS, plasma density diagnostics with He-like triplets



Plasma electron density  $n_e$  from the triplet f/i ratio of the He-like ion

Capella OVII:  $n_e = 3.10^9$ , NVI: 7.10<sup>9</sup>, CV = 3.10<sup>9</sup> Procyon OVII:  $n_e = 2.10^9$ , NVI: 9.10<sup>9</sup>, CV <10<sup>9</sup>

- Electron density values typical for solar active regions
- No densities as high as in solar flares
- Flux generated in Magnetic Loops: filling factor exceeds solar >10



### High-dispersion X-ray spectroscopy on XMM-Newton



Chandra HETGS Flanagan et al (2004)



### SNR: schokverhitting in 1E0102-73 Kleine Magelhaense Wolk op 199.000 lichtjr

Gaetz et al (2000)



From Cooling Flows to Cool Cores in galaxy clusters.

Characteristically: temperatures < T<sub>max</sub>/3 missing (Peterson & Fabian, 2006)





### spectrale scheiding door heterodyne detectie

- Heterodyne detectie is een methode van stralingsdetectie waarbij het meetsignaal niet-lineair wordt gemengd met een referentiesignaal op een nabij gelegen, stabiele, frequentie.
- Het referentiesignaal wordt geproduceerd door een Locale Oscillator, het meetsignaal en het signaal van de locale oscillator worden gesuperponeerd in een diplexer en vandaar naar een mixer gestuurd.
- De mixer heeft een niet-lineaire responsie op de amplitude van het gesuperponeerde signaal, een deel van de mixer signaal output is evenredig met het kwadraat van de mixer signal input.
- De amplitude- en faseinformatie van het meetsignaal wordt, voor een deel, lineair overgebracht naar de laagfrequente verschilfrequentie met de Locale Oscillator: het IF-signaal.
- Op het IF-signaal wordt spectraal(kleur) analyse uitgevoerd.

### heterodyne principe





### submm mixer element: supergeleidende junctie



### De quantumlimiet voor ruis bij submm ontvangers

- Het fluctuatiegedrag van een zwarte straler (stralingswet Planck) wordt theoretisch beschreven door de Bose-Einstein statistiek.
- Hierbij is de kT/hv (= de verhouding tussen thermische energie, kT, en foton energie, hv) de bepalende factor.
- Voor kT >> hv is er sprake van de thermische limiet, de ruis van het meetsysteem wordt uitgedrukt in een ruistemperatuur T<sub>r</sub>. Dit is het geval in de radio en millimeter sterrenkunde.
- Voor kT << hv is er sprake van de quantumlimiet, de ruis van het meetsysteem wordt uitgedrukt in een statistische maat zoals de variantie van een statistische verdeling (cq. normale verdeling). Dit is altijd het geval in de UV-, X-, en gammasterrenkunde.
- In het submillimetergebied wordt de kwaliteit van een ontvanger weliswaar nog uitgedrukt in een ruistemperatuur, maar er wordt naar gestreefd de limiet van quantumfluctuaties zo dicht mogelijk te benaderen.

# Ruistemperaturen $(T_r)$ voor Herschel-HIFI over het gehele frequentiebereik t.o.v. individuele mixers


#### HIFI: aanstralende bundels





high resolution spectra of a large number of molecular species in the Orion Nebula obtained with the HIFI instrument on Herschel

# HIFI Spectrum of Water and Organics in the Orion Nebula

Röntgenbeeldsensoren met intrinsieke kleurmeting (hoog rendement  $\rightarrow$  100%, groter kleurscheidend vermogen)



CCD spectrometer: MOS condensator matrix





Absorption Depth [Jum]

#### Toepassing van Frame Transfer CCD



# Schokverhitting in de Tycho SNR (SN1572)



$$T_{\rm S} \approx 10^7 [\frac{v_{\rm S}}{1000 \text{ km/s}}]^2 \text{ K}$$

Beelden in enkele Röntgenemissielijnen van de hooggeïoniseerde elementen Ca, S, Si, Fe

#### Opnames met XMM-Newton X-ray CCD brandvlakcameras

# Kleurmeting van individuele X-ray fotonen principe



#### Transition edge sensor: de fase overgang



#### TES-Röntgencalorimeter (prototype 2018)



TES: 3168 Mo/Au pixels, pitch 275 μm X-ray absorber: 4.2 μm Bi, 1.7μm Au



#### Transition Edge Sensor (2018) kleurscheiding voor Röntgenfotonen



 $\lambda / \Delta \lambda \approx 3300$  detectie-rendement  $\approx 100\%$   $\lambda / \Delta \lambda \approx 2300$ 

# Dissipatie zwaartekrachtsenergie in intra-cluster gas

Potentiële verbreding van emissielijnen door turbulentie in het hete intra-cluster gas, geïnduceerd door invallende massaconcentraties naar de kern van de A2256 cluster.

(Opwekking van schokgolven door dichtheidscompressie)







#### Beelden: analyse parameters

Nauwkeurigheid Precisie Scheidend vermogen Accuracy Precision Resolution



#### 5. Time Domain Astrophysics: time series resolution $\Delta \tau$





10-3





# Tijdfluctuatie in Röntgenhelderheid van een hete materiestroom naar een zwart gat



161

#### Gepolariseerde lichtgolf



Lineair gepolariseerde golf

<sup>162</sup> Circulair gepolariseerde golf

## 6. Polarisatie scheiding



# Hoeveel onafhankelijke filters in de faseruimte?

- Spectraal gebied : 10<sup>-20</sup> < λ <10<sup>+4</sup> meter → bereik 10<sup>+24</sup>
  Begrenzer: e<sup>+</sup>/e<sup>-</sup> produktie via µgolfachtergrond en niet-thermische radiostraling >1 meter, absorptie door interstellair plasma.
- Gezichtsscherpte :  $10^{-18} < \Delta\theta < 2\pi$  radialen  $\Rightarrow$  bereik  $10^{+19}$ Begrenzer: Schwarzschildstraal ( $R_s = 2GM/c^2$ ) van één  $M_{\odot}$  ( $\Theta_s \sim 1$  km) over afstand ter grootte van de Melkweg
- Kleurschifting :  $1 < R_{\lambda} < 10^{+8}$   $\Rightarrow$  bereik  $10^{+8}$ Begrenzer: Heisenberg relatie bepaalt natuurlijke lijnbreedte, Doppler verbreding t.g.v. thermische onrust en turbulente beweging.
- Hersteltijd :  $3x10^{-6} < \Delta \tau < 3x10^{+17}$  sec  $\implies$  bereik  $10^{+23}$ Begrenzer: lichtsnelheid over Schwarzschildstraal ( $\Theta_{s} \sim 1 \text{ km}$ )

Totaal aantal onafhankelijke filters, aannemend sprongen van 1000:  $8 \ge 7 \ge 3 \ge 8 \ge 1350$  164

#### Informatiedragers uit de kosmos



# Kosmische straling

Auger Observatory (2006/7) Western Mendoza ,Argentina: 3000 km<sup>2</sup> Ultra-High-Energy Cosmic-Ray (UHECR) detection area

# Spectrum primaire kosmische straling





#### UHE cosmic-ray airshower





# IceCube Neutrino Observatory Amundsen-Scott South Pole Station, Antarctica







#### Measurement of high energy neutrinos

#### Detector

#### Cherenkov light cone

muon

 $\nu_{\mu} + N \rightarrow \mu + X$ 

3d matrix of photosensors



- The leptons direction is closely aligned with the neutrino direction
  172
- muon can travel many km through ice and emit Cherenkov light in a cone of fixed geometry

#### In 2017 door $\mathbf{v}_{\mu}$ geproduceerd muon spoor, $E(\mathbf{v}_{\mu}) \approx 3 \times 10^{14} \text{ eV}$ Bron: $\gamma$ -ray flare van blazar TXS 0506+056 op 4 x 10<sup>9</sup> lichtjaar Data archives IceCube: eerste detectie (3.5 $\sigma$ ): sept 2014 – maart 2015



#### Informatiedragers uit de kosmos



#### Zwaartekrachtgolven

#### Zwaartekrachtgolven = quadrupool straling



# Gravitatiestraling: stralingsvermogen

Einstein vergelijkingen

Gelineariseerede versie (vlakke ruimte met kleine verstoring)

Energieverlies in quadrupool straling van een roterende cylindrische staaf ('end over end' met radiaal frequentie ω), massa M en lengte L:

$$\dot{E}_{GW} = \frac{2G}{45c^5} M^2 L^4 \omega^6 = 1.2 x 10^{-54} M^2 L^4 \omega^6$$
 Watt

# Roterende cylindrische staaf van 10 ton

massamiddelpunt



 $\dot{E}_{GW} = 1.2 \times 10^{-54} M^2 L^4 \omega^6 = 1.2 \times 10^{-54} \times 10^8 \times 10^4 \times 10^9 \approx 10^{-33} W$ Graviton energy  $\hbar \omega = 6.6 \times 10^{-34} \times 10 \approx 10^{-32} W$ att Gemiddelde emissie: één graviton per 10 seconden

Opwekking en detectie van zwaartekrachtgolven in een laboratorium is een vruchteloze onderneming Gravitatiestraling dubbelster met massa's m<sub>1</sub>\*en m<sub>2</sub>\*

Maximaal vermogen in gravitatiestraling (orde schatting):

 $\omega^2 = GM/a^3$ , a = halve lange as van de omloopbaan. 3<sup>e</sup> wet van Kepler:  $\omega^2 a^3 = G(m_1^* + m_2^*) = GM$ 

➤ Voor 2 gelijke stermassa's  $m_1^* = m_2^* = M/2$ en een baan met eccentriciteit ε = 0 (cirkelbaan) geldt:

$$\dot{E}_{GW} = \frac{2}{5} \frac{c^5}{G} \left( \frac{GM}{c^2 a} \right)^5 = \frac{2}{5} \frac{c^5}{G} \left( \frac{R_s^*}{a} \right)^5 < \frac{c^5}{G} \approx 4 \ge 10^{52} \text{ Watt}$$

#### De 'strain' van een gravitatiegolf

Wersnelling bij r:  $\vec{a}_r = -\vec{e}_r \left(\frac{2GM}{r^2} + \frac{3GMR^2}{r^4}\right)$ , 2<sup>e</sup> moment MR<sup>2</sup> = Q

Quadrupool moment  $Q(t) = MR^{2}(t)$  bij oscillerende asferische massa

Newtoniaanse benadering + speciale relativiteitstheorie (gravitatie golfsnelheid is c): de relatieve getijdewerking  $h(t) = \Delta L/L$  (dimensieloos) op een golfdetector met lengte L door een passerende gravitatiegolf:

h(t) 
$$\approx \frac{G\ddot{Q}(t)}{c^4r} = \frac{2GM}{c^2} \cdot \frac{1}{r} \cdot \left(\frac{v(t)}{c}\right)^2 \approx \frac{R_s}{r} \cdot \left(\frac{v_{rms}}{c}\right)^2 = \text{'strain'}$$

Strain bij M =  $1M_{\odot}$ , r = 300 miljoen lichtjaar, v  $\leq$  c  $\rightarrow$  h  $\leq$  10<sup>-21</sup>
# The basics of binary coalescence



'Strain' & Frequency development during Inspiral, Merger and Ringdown. For a circular binary orbit holds that the period of the gravitational wave equals one half of the orbital period:

$$\frac{\mathbf{P}_{\mathbf{GW}}}{\mathbf{P}_{\mathbf{GW}}} = \frac{1}{2} \mathbf{P}_{\mathbf{binary}}$$
 181



### Inspiral and coalescense of a double black hole binary



Advanced LIGO Hanford (2015) (Washington State)

Advanced LIGO Livingston (2015) (Louisiana)





### GW-interferometer: detectieprincipe



### LIGO gravitational wave detector with 4 km arms Michelson Interferometer with FP-cavities



### Eerste LIGO detectie: GW150914, drie ontdekkingen in één

- Dubbele zwarte gaten bestaan
- > Ze smelten samen tot een nieuw zwart gat
- > Deze zwarte gaten zijn zwaarder dan die we kennen
- Vorming nog onduidelijk: in cluster of dubbelster





### Neutron star binay collapse animation



### Multi-messenger data of a neutronstar binary collaps



189

Productie van zware elementen bij collaps van een neutronendubbelster

Tellurium (52)

Gold (79)

Platinum (78)

Barium (56)

Erbium (68)

Neodymium (60)

Selenium (34)

Kilonova

Ruthenium (44)

190

### The Gravitational Wave Spectrum



## Volgende generatie gravitatiegolftelescopen





- LISA: laserinterferometer in heliocentrische baan (2034).
- Frequenties: 0.1-100 mHz

- Einstein Telescope (ET) volgend generatie aardse detectoren: 2025+ in NL?
- Frequenties: 10-100 Hz

### Laser Interferometer Space Antenna (LISA)

3 satellites2.5 million km arms50 million km behind Earth

<u>(</u>22)

### LISA single arm 2.5 million km arms - two test masses



### LISA trailing the earth in heliocentric orbit



### Bronnen in frequentieband ruimteinterferometers

- Compacte dubbelsterren
- Compacte objecten rond zwarte gaten: Extreme Mass Ratio Inspirals (EMRI's)



Samensmeltende superzware zwarte gaten in galaxy mergers





### LISA measurement technique and challenges

- The goal of the mission is to detect and observe Gravitational Waves (GW)
- Laser Interferometry used to detect minute distance variations between free flying Test Masses (TM)
- Spacecraft required to "shield" the TM from external perturbations (SRP, drag free control), internal perturbations to be minimised (EMC, mass balance, thermal,...)
- Three arms required to determine origin and polarization (redundancy)
- Measurement broken into three legs:



Expected variations are a few picometers, 1 pm = 10<sup>-12</sup> m, sub atomic!

 $\Delta L/L = h/2 \rightarrow h =$  karakteristieke 'strain' amplitude van de zwaartekrachtgolf. Met  $h = 10^{-21}$  en  $L = 2.5 \times 10^9$  m  $\rightarrow \Delta L \approx 1$  picometer!

# LISA Pathfinder

- Take one LISA arm
- Squeeze it into ONE satellite





### Acceleration noise measured in LISA pathfinder



Residual relative acceleration of the test masses [ms<sup>-2</sup> / VHz]

### LISA targeted source populations and sensitivity limits



### Gravitational wave frequency spectrum and source size











### Centrum van de Oerknal?

Het heelal is een 3-dimensionale ruimte die gekromd is in de 4-dimensionale ruimtetijd. Dit is juist zoals het aardoppervlak een gekromde 2-dimensionale ruimte is in onze 3-dimensionale ruimte.

In de 3-dimensionale ruimte van het heelal is er net als op het oppervlak van een bol geen centrum aan te wijzen!

Het "centrum" ligt buiten de 3-dimensionale ruimte, in de 4e dimensie: Het "centrum" is het moment van de Oerknal.

#### Recombination

As the Universe expands and cools, protons and electrons combine to form hydrogen (the most abundant element). And helium nuclei combine with electrons to form helium atoms. This process is called recombination.

Als de temperatuur in het uitdijende heelal gedaald is tot 3000 K, gaan waterstof en helium over van geioniseerde naar neutrale atomen: de 'recombinatie'. Op dat moment werd het gehele heelal doorzichtig voor EM-straling.



### "Oppervlak laatste verstrooiing"

- Ca 370.000 jaar na de OERKNAL recombinatie naar atomen
   geen verstrooiing meer heelal doorzichtig voor microgolfstraling
- Meten van de temperatuursverdeling over de hemel van de microgolfstraling is de kartering van het "oppervlak" waarin de laatste verstrooiing plaatsvond!



### Wet van Hubble (1929, waarneming): $v_0 = H_0.d_0$



### Wet van Hubble : $v(t) = H(t).d(t) \rightarrow nu: v_0 = H_0.d_0$

Kosmologische roodverschuiving (z)

 $z = (\lambda_{obs} - \lambda_{emit}) / \lambda_{emit}$   $1 + z = \lambda_{obs} / \lambda_{emit} = a(t_{obs}) / a(t_{emit})$  v = f(z) is niet de speciaal-relativistische Doppler formule!Alleen voor v << c  $\rightarrow$  z = v/c



Ruimte zet uit: lichtgolf opgerekt, dus: roder

Roodverschuiving z: gemeten golflengte (1+z) maal zo groot als de uitgezonden golflengte:



Oorspronkelijke golflengte

Gemeten golflengte

Bij z=1: we zien het heelal van ca 8 miljard jaar geleden. (heelal 5.8 miljard jaar oud en in lengtemaat 2 maal zo klein als nu; in volume 8 maal kleiner).

Bij z=4.5 : ca 12.5 miljard jaar geleden (heelal 1.3 miljard jaar oud).

### Verre Sterrenstelsels: Gammaflits van 23 Maart 2003: roodverschuiving 3.28: 11.7 miljard jaar geleden *ESO- Very Large Telescope*



Grootste waargenomen roodverschuivingen:

z = 8 en 9 voor twee Gammaflitsen

Deze flitsen worden optisch soms korte tijd een miljoen keer helderder dan een supernova!

Zij werden uitgezonden toen het heelal jonger was dan 0,6 miljard jaar !

Het heelal was toen 9 (10) keer kleiner dan nu in lineaire maat, en 729 (1000) maal kleiner in volume!

### Gedrag van gebonden systemen in de "Hubble flow"

Gebonden systemen zijn een maat voor absolute afmeting en behouden dezelfde 'lengte' zolang de Hubble expansiesnelheid veel kleiner is dan de ontsnappingssnelheid van het gebonden systeem over vergelijkbare afmetingen !!

- Mens: van der Waals moleculaire krachten veel groter dan de Hubble expansie over de menselijke maat
- Meetlat: ditto bij beschouwing van de atomaire kristalstructuur

Op kosmische schaal met de zwaartekracht als bindende factor ( $H_0 = 70.8 \text{ km/sec/Mpc}$ )

		R	$v_{esc} = (2GM/R)^{1/2}$	$v_{exp} = H_0 R$
•	Aarde	6370 km	11,2 km/sec	1,4 x 10 <sup>-14</sup> km/sec
•	Zonnestelsel	6 x 10 <sup>9</sup> km	6,7 km/sec	1,3 x 10 <sup>-8</sup> km/sec
•	Melkweg	5 x 10 <sup>4</sup> lichtjaar	340 km/sec	1,0 km/sec
•	Supercluster	5 x 10 <sup>7</sup> lichtjaar	760 km/sec	1020 km/sec 215

### Het kosmologisch principe

Het kosmologisch principe is de aanname in de kosmologie dat het heelal op grote schaal er in alle richtingen hetzelfde uitziet (isotroop) en dat het op iedere plaats (tijd) dezelfde eigenschappen bezit (homogeen).


#### Massa-Energie equivalentie

- Concept: elke massa heeft een geassocieerde energie en vice versa
- Speciale relativiteits theorie geeft de equivalentie formule:  $E = mc^2$

 $m = m_0 = rustmassa \rightarrow E = E_0 = rustenergie$   $m = relativistische massa \rightarrow E = totale energie$  $m = m_0(1-v^2/c^2)^{-1/2} = \gamma m_0 \quad \gamma = Lorentz factor$ 

- massa 1 gram: 25GW.uur, 22 kiloton TNT, 21 Teracalorieën
- Einstein-SEP: alle vormen van massa en energie produceren op dezelfde wijze zwaartekracht 217

### ART: de spannings-energie tensor

- De veldvergelijking van Einstein:
- $G_{\mu\nu} + \Lambda g_{\mu\nu} = (8\pi G/c^4)T_{\mu\nu}, \ (\mu,\nu=0 \rightarrow 3)$ • De uitdijing van het heelal wordt in de ART bepaald door de spannings-energie tensor  $T_{\mu\nu}$  die de energiedichtheid en de impuls-flux (= druk) beschrijft in de ruimtetijd. Inertiaal systeem in ART kent geen "energie" maar alleen "energie-impuls", druk is impulstransport.
- De geometrie van het ruimtetijd continuum wordt bepaald door de totale massa-energieinhoud van dat continuum.
- De spannings-energie tensor is de bron van het zwaartekrachtveld in de veldvergelijking van de ART net als massa de bron van de zwaartekracht is volgens Newton.

'Einstein's biggest blunder' was a golden idea:

The part of the mass/energy of the Universe due to lambda is ca 70 %

The nature of this energy is still a complete mystery ("vacuum energy")



"Things should be made as simple as possible, but not any simpler." - Albert Einstein 219

#### Geometrie van het heelal



220

Het Friedmann model voor de schaling van een uitdijend isotroop en homogeen heelal

 $(\dot{a}/a)^2 = (8\pi G\rho)/3 + (\Lambda c^2)/3 - (kc^2)/a^2$ 

**a** = a(t): schaalfactor volgens  $d(t) = a(t).d_0$ ,  $a(t_0) = 1$  ( $t_0 = nu$ ) **G** = gravitaieconstante

- $\rho$  = materiedichtheid
- $\Lambda$  = kosmologische constante uit de ART veldvergelijking
- $\mathbf{k}$  = krommingsparameter, < 0 (hyp), 0 (vlak), > 0 (bol)
- c = lichtsnelheid, indien nodig voor dimensionering naar sec<sup>-2</sup>

Wet van Hubble:  $\dot{a}(t)d_0 = H(t).a(t)d_0 \rightarrow H(t) = \dot{a}(t)/a(t)$ H(t) is constant op een vast tijdstip in de ruimte, niet constant in de tijd!

## De gemiddelde massa- en energiedichtheid

Wordt gegeven door de "dichtheidsparameter":  $\Omega = \Omega_{\rm m} + \Omega_{\Lambda} = (\rho_{\rm m}/\rho_{\rm crit}) + (\rho_{\Lambda}/\rho_{\rm crit})$ 

- $\begin{array}{l} \rho_m = \mbox{gemiddelde massadichtheid ( ook alle donkere materie)} \\ \rho_\Lambda = \mbox{maat ( in kg/m^3) voor dichtheid donkere energie (kosmologische constante?)} \\ \rho_{\mbox{crit}} = \mbox{kritische dichtheid } [3H_0^2/(8\pi G)] \rightarrow \mbox{Euclidisch heelal} \end{array}$ 
  - $(5^{+} \text{H-atomen/m}^{3}, \text{ beste lab-vacuum } 10^{15} \text{ atomen/m}^{3})$

#### Indien $\Omega = 1 \rightarrow$ vlakke (euclidische) ruimte

- Hubble (1929) dacht dat de waargenomen uitdijing van het heelal het model van de Sitter (1917) met Einstein's lambda bevestigde. Echter, in 1922/23 vond Friedmann de algemene oplossingen voor de mogelijke evolutie van het heelal, zonder lambda. Afhankelijk van de "dichtheid" van de materie en energie kan het heelal zijn: "open" (lage dichtheid), gesloten (hoge dichtheid) en "vlak".
- De werkelijke toestand van het heelal moet uit metingen bepaald worden!!





Alexander Friedmann (1888-1925)

223

Oplossing Friedmann vergelijking zonder  $\Lambda$ -term

k = 0: vlak heelal, totale energie E = T + V = 0.

Friedmann vergelijking (alleen materie, geen straling):

 $(\dot{a}/a)^2 = H^2 = 8\pi G \rho_0 / (3a^3) \rightarrow \dot{a}a^{\frac{1}{2}} = \text{constant} \rightarrow a(t) = (t/t_0)^{\frac{2}{3}}$ H(t) = 2/(3t), als t  $\rightarrow \infty$ :

Uitdijing gaat altijd door maar nadert tot oneindig langzaam.

k  $\neq$  0: sferisch (k>0, E<0) of hyperbolisch (k<0, E>0) heelal. Friedmann vergelijking (alleen materie, geen straling): (a /a)<sup>2</sup> = H<sup>2</sup> =  $8\pi G\rho_0/(3a^3) - k/a^2$ 

k < 0: H<sup>2</sup> altijd positief, eeuwig uitdijend heelal met ρ → 0. Limiet  $(\dot{a}/a)^2 = -k/a^2 \rightarrow \dot{a} = (-k)^{\frac{1}{2}} \rightarrow a(t) = (-k)^{\frac{1}{2}}t + const.$ Uitdijingssnelheid wordt constant, 'open' heelal. k > 0: Op zeker tijdstip t<sub>max</sub> geldt  $8\pi G\rho_0/(3a^3) = k/a^2 \rightarrow \dot{a} = 0$ Uitdijing stopt op t<sub>max</sub> en keert om, 'gesloten' heelal.



Friedmann vergelijkingen voor homogeen en isotroop vlak heelal (k = 0), energiedichtheid  $\rho(t)$  en druk p(t)

Evolutie van de expansiefactor a(t) die beschrijft hoe de afstand tussen objecten  $\vec{r} = a(t)\vec{x}$  toeneemt met de tijd als gevolg van de kosmische expansie. Normalisatie: nu  $(t_0)$  geldt  $a(t_0) = 1$ , afname tot a = 0 op het moment van de oerknal.

Vergelijking voor energie:

 $(\dot{a}/a)^2 = (8\pi G/3)\rho + \Lambda/3$ 

Vergelijking voor gravitatieversnelling/vertraging:

 $\ddot{a}/a = (-4\pi G/3)(\rho + 3p) + \Lambda/3$ 

Hierin is  $\rho(t) = \rho_m(t) + \rho_r(t)$  de tijdsafhankelijke energiedichtheid uitgedrukt als som van de massadichtheid  $\rho_m(t)$  en het massa equivalent  $\rho_r(t)$  van de stralingsenergiedichtheid  $u_r(t)$ ,  $\rho_r(t) = u_r(t)/c^2$ .  $\Lambda$  is de kosmologische constante, G de gravitatieconstante. Thermodynamica van het heelal: de energiedichtheid Pas de eerste hoofdwet uit de thermodynamica toe (energiebehoud):

 $\Delta Q = \Delta U + \Delta A = \Delta U + p \Delta V$ 

In woorden: toegevoerde energie (zeg warmte  $\Delta Q$ ) wordt omgezet in verhoging inwendige energie ( $\Delta U$ ) + arbeid ( $\Delta A$ ). Voor adiabatische uitdijing van het heelal geldt  $\Delta Q = 0 \rightarrow$ 

 $\Delta U = - p \Delta V$ 

De energiedichtheid  $\rho$  en de verandering van energiedichtheid  $\Delta \rho$ in het uitdijend heelal volgen dan uit:  $\rho \equiv U/V, V \sim a^3$ , differentiatie levert een hydrodynamische vergelijking in  $\dot{\rho}$ :

 $\Delta \rho = \Delta (U/V) = -(p + \rho)(\Delta V/V) = -3(p + \rho)(\Delta a/a)$ 

a = a(t) de schaalfactor van het heelal. Delen door  $\Delta t$ :

 $\dot{\rho} + 3(p+\rho) \dot{a}/a = 0$ 

Relatie volgt ook uit de Friedman vergelijkingen in a en a voor een vlak homogeen en isotroop heelal  $\rightarrow$  uitdijing is adiabatisch!

#### Thermodynamica v/h heelal: de toestandsgrootheid w

De zojuist afgeleide toestandsvergelijking voor een **vlak** heelal, beschouwd als homogeen en isotroop hydrodynamisch ensemble, wordt gekarakteriseerd door een dimensieloze grootheid  $w = p/\rho$ :

 $(\Delta \rho / \rho) = -3(1 + w)(\Delta a / a) \rightarrow \rho \sim a^{-3(1 + w)}$ 

• Voor niet-relativistische materie  $p \ll \rho$  (gas, stof)  $\rightarrow p/\rho = w \approx 0$ :

 $\rho \sim a^{-3}$ ,  $\sim V^{-1}$ : Een afname evenredig met toename van volume!

• Voor ultra-relativistische materie en EM-straling  $\rightarrow p/\rho = w = \frac{1}{3}$ :

 $\rho \sim a^{-4}$ : Een "sneller dan evenredig" afname met volumetoename! Oorzaak: de "de Broglie" golflengte ( $\lambda = h/p$ ) wordt roodverschoven! Gevolg van de arbeid die wordt verricht door de stralingsdruk (impuls) tijdens de expansie?<sup>228</sup>

#### De donkere energie $\Lambda$ : een kosmologische constante ?

Eenvoudigste verklaring voor donkere energie is:

'the cost of having space'

Dit betekent dat een volume ruimte (vacuum) intrinsiek een zekere hoeveelheid fundamentele energie bezit, die wordt aangeduid als "kosmologische constante" ( $\Lambda$ ) of vacuum-energie met een dichtheid  $\rho_{\Lambda}$ . Toepassing eerste hoofdwet thermodynamica bij adiabatisch proces:

 $\Delta U = -p\Delta V$ : toename  $\Delta V$  vereist arbeid  $\rightarrow$  energieafname  $\Delta U$ Echter, de hoeveelheid energie bij een volumetoename van het vacuum neemt toe (~  $\rho V$ ), bij een volumetoename  $\Delta V$  met:

 $\Delta U = \rho_{\Lambda} \Delta V = -p\Delta V, \rho_{\Lambda} \text{ en } \Delta V \text{ beide positief} \rightarrow p \text{ =negatief } !$  $p = -\rho_{\Lambda} \rightarrow w = -1 \rightarrow \rho \sim a^{0} = \text{constant}$ 

onafhankelijk van schaalfactor/tijd conform "kosmologische constante". Algemene relativiteitstheorie: druk vertegenwoordigt massa  $\rightarrow$ positieve druk  $\rightarrow$  'aantrekkende' zwaartekracht negatieve druk  $\rightarrow$  'afstotende' zwaartekracht

### Bewijs voor het bestaan van vacuümenergie: het Casimir effect



Theoretisch voorspeld in 1948 door de Nederlandse fysicus Hendrik Casimir. Eerste experimentele aanwijzing in 1958 door Marcus Sparnaay (Philips). Eerste overtuigende meting in 1997 door Steve Lamoreaux (Los Alamos). Kracht wordt veroorzaakt doordat alleen virtuele deeltjes (vacuümfluctuaties)met een bepaalde golflengte tussen de platen passen. Andere golflengten worden uitgedempt  $\rightarrow$  platen naar elkaar geduwd

Casimir kracht tussen twee paralelle platen:  $F = -(\pi h/480)A/a^4$ , A = plaatoppervlak, a = onderlinge afstand

#### Versnelde uitdijing: de acceleratievergelijking

Differentiatie van de Friedmann-vergelijking voor  $\dot{a} / a$  gecombineerd met de hydrodynamische vergelijking voor  $\dot{\rho}$  geeft een uitdrukking voor de versnelling van de schaalfactor a(t), de acceleratievergelijking (met c= 1):

 $\ddot{a}/a = (-4\pi G/3)(\rho + 3p) + \Lambda/3$ 

• Zonder  $\Lambda/3$ 

Versnelde uitdijing betekent dat  $\ddot{a} > 0 \rightarrow \rho + 3p < 0 \rightarrow$  toestandsgrootheid  $w < -\frac{1}{3}$ , straling en materie ( $w = \frac{1}{3}$ , w = 0) kunnen nooit tot versnelling van a(t) leiden.

• Met  $\Lambda/3$ 

Voeg een component met negatieve druk toe m.b.v.  $\rho_{\Lambda}$  en  $p_{\Lambda}$ :

 $\begin{array}{l} (-4\pi G/3)(\rho+\rho_{\Lambda}+3(p+p_{\Lambda})) \ = \ (-4\pi G/3)(\rho+3p)+\Lambda/3 \rightarrow \\ \rho_{\Lambda}+3p_{\Lambda}= \ - \ (\Lambda/4\pi G) \ , \ \text{met} \ p_{\Lambda}=-\rho_{\Lambda} \rightarrow \rho_{\Lambda}= \ (\Lambda/8\pi G) \\ \text{Gemeten} \ \Lambda \approx 10^{-35} \ \text{sec}^{-2}, \ \rho_{\Lambda} \approx 7x10^{-27} \ \text{kg/m}^3 \approx 4 \ \text{H/m}^3 \ (6x10^{-10} \text{Joule/m}^3) \end{array}$ 

#### Uitdijend heelal: voorbeelden van rol $\Omega_m$ en $\Omega_v$



232



#### Possible Models of the Expanding Universe



#### 4 modellen:

 $\Omega_{
m materie}$  $\Omega_{
m materie}$  $\Omega_{ ext{materie}}$ 

>1 > 1 itdijing vertraagt, uiteindelijk volgt collaps = 1 > uitdijing vertraagt asymptotisch, geen collaps = 0 by uitdijing met constante snelheid ("coasting")  $\Omega_{\text{donkere energie}} > 0 \triangleright$  uitdijing versnelt



Huidige leeftijd  $t_0$  vlak heelal ( $\Omega = 1$ ) hangt af van  $\Omega_m$ !



236

#### Schaling met roodverschuiving z

 $\lambda(z) = \lambda(0)/(1+z)$ 

 $V(z) = V(0)/(1+z)^3$ 

- golflengte:
- ruimtelijk volume:
- materiedichtheid:  $\rho_m(z) = \rho_m(0)(1+z)^3$ 
  - donkere energiedichtheid:  $\rho_{\Lambda}(z) = \rho_{\Lambda}(0) = \text{constant}$

Schaling verhouding  $\Omega_m / \Omega_\Lambda$ :  $\rho_m(z) / \rho_\Lambda(z) \sim (1+z)^3 \rightarrow \text{afhankelijk van } z$  $\Omega_m(z) / \Omega_\Lambda(z) = (\Omega_m(0) / \Omega_\Lambda(0))(1+z)^3$ 



### Bij welke z ( $t_{heelal}$ ) domineert $\Omega_m$ ?

- Huidige waarde  $\Omega_{\rm m}/\Omega_{\Lambda}(t_0) \approx 3/7$ : donkere energie domineert
- Voor roodverschuiving z waarbij materiedichtheid de expansie zeker domineert geldt:

 $\Omega_{\rm m}(z)/\Omega_{\Lambda}(z) \ge 10$ 

• De waarde van z kan dan worden bepaald uit:

 $(1+z)^3 = 70/3 \rightarrow z \approx 1, 8 \rightarrow$  $t_{heelal} \approx 4 \text{ miljard jaar}$ 

• "Cross-over" punt  $\Omega_{\rm m}$  en  $\Omega_{\Lambda}$ ?  $\Omega_{\rm m}(z)/\Omega_{\Lambda}(z) = 1 \rightarrow (1+z)^3 \approx 7/3 \rightarrow z \approx 0.33$  $t_{\rm heelal} \approx 10$  miljard jaar

#### Uitdijingsgeschiedenis van het Heelal





### Relatieve rol van straling, materie en donkere energie bij de evolutie van het heelal

- Tijdens vroegste fase van het heelal: dominantie van stralingsenergie  $\rho_s$  tengevolge van de hoge dichtheid van ultra-relativistische deeltjes, met name fotonen en neutrino's.
- Door de snelle afname van deze dichtheid met de expansie ( $\rho_s \sim a^{-4}$ ) wordt de materiedichtheid ( $\rho_m \sim a^{-3}$ ) dominant na ca 60.000 jaar op een kosmologische roodverschuiving z van ~3600, dit is dus veel eerder dan de ontkoppeling van materie en straling na ca 370.000 jaar op een kosmologische roodverschuiving z van ~1100, waarvan wij nu het oudste licht (de microgolf-achtergrondstraling) zien.
- De dominatie van donkere energie ( $\rho_{\Lambda}$  constant) boven die van materie, toen dus de uitdijing van het heelal ging versnellen, begon  $\approx$  4 miljard jaar geleden bij een roodverschuiving z  $\approx$  0.33 <sub>241</sub>



### Zijn er theorieën die een waarde voor $\Lambda$ voorspellen?

- Over de grootte van Λ kunnen voorspellingen worden gedaan vanuit de Quantum ElectroDynamica (QED) en de Stochastische ElectroDynamica (SED).
- Evenwel: consistentie met het principe van Lorenz-covariantie en met de grootte van h, de constante van Planck, vereist een veel grotere waarde van  $\rho_{\Lambda}$  dan de gemeten kosmologische waarde van  $(\rho_{\Lambda})_{kos} \approx 7 \times 10^{-10}$  Joule/m<sup>3</sup>:  $(\rho_{\Lambda)OED,SED} \approx 10^{113}$  Joule/m<sup>3</sup>
- Het vacuüm is dus niet leeg maar heeft 'gewicht', de voorspelde waarde is echter  $\approx 10^{122}$  groter dan wordt waargenomen.
- Met de theoretisch waarde zou het heelal zo snel uitdijen dat zich nooit leven had kunnen ontwikkelen.

Het vlakheidsprobleem : waarom is waarde van  $\Omega$  zo dichtbij 1?

Als  $\Omega$  in het begin iets afweek van 1,0000000000....., dan zal de waarde bij uitdijing snel steeds meer gaan afwijken.

(Dicke, omstreeks 1970)

Omega (Ω)



#### Vlakheidsprobleem bij $\Omega = 1$ : kosmische inflatie

Substitueer  $\rho_k = 3H_0^2/(8\pi G)$  in de vergelijking van Friedmann:  $a^2(\rho_k - \rho) = -3k/(8\pi G) = constant \rightarrow (\Omega^{-1} - 1)\rho a^2 = constant$ 

Nu  $|\Omega^{-1} - 1| \approx 0.01$ ,  $\rho a^2$  is sinds de Plancktijd ( $t_p = 5.4 \times 10^{-44}$  s) met  $\approx 10^{60}$  afgenomen,  $|\Omega^{-1} - 1|$  moet dus sinds t<sub>P</sub> met 10<sup>60</sup> zijn toegenomen  $\rightarrow |\Omega^{-1} - 1| = 10^{-62}$  op t<sub>p</sub>, ongekende afstemming ("fine tuning").

Oplossing: Gedurende korte tijd heeft het vroege heelal een exponentiële expansie ondergaan onder invloed van een alles dominerende energie-dichtheid uit het vacuum  $\rho_V(\Lambda_V)$ . De Friedmann vergelijking wordt dan:

 $(\dot{a}/a)^2 = H^2 = \Lambda_V/3 \rightarrow a = e^{Ht} = \exp[(\Lambda_V/3)^{\frac{1}{2}t}]$  $\rho a^2 = \rho_V e^{2Ht} = \text{const.} e^{2Ht} \rightarrow \text{met H} = 10^{36} \text{ s}^{-1}$ Inflatie van  $t_i = 10^{-36} \rightarrow t_f = 10^{-34} \text{ s: a } (t_f) / a(t_i) = e^{200}$ Tijdens deze inflatie reduceert  $|\Omega^{-1} - 1|$  met een factor  $10^{-87}$  ! 245

### Inflatie: ruimte zelf mag veel sneller uitdijen dan met de lichtsnelheid



Als het heelal door de inflatie gigantisch is opgeblazen, en dientengevolge een enorm grote kromtestraal heeft, dan zullen wij die er slechts een klein stukje van kunnen overzien, de indruk hebben dat het heelal vlak is. Net zoals het de mens op Aarde toeschijnt dat hij op een vlakke Aarde leeft.

 $\Omega$ =1 betekent daarom: heelal is gigantisch veel groter dan het stukje dat wij kunnen overzien (tot 13.8x10<sup>9</sup> jaar terugkijktijd).



Adiabatisch expansie van de kosmische µgolf straling

 $\succ$  Fotongas met temperatuur T, nu waargenomen met temperatuur T<sub>0</sub>

Voor adiabatische expansie geldt :

 $TV^{(\gamma-1)} = constant,$ 

 $\gamma$  = adiabatische index =4/3 voor een fotongas  $\rightarrow$  TV <sup>1/3</sup> = constant

 $\rightarrow$  a(t)T = constant, bij t<sub>0</sub> geldt T = T<sub>0</sub> en a(t) = a(t<sub>0</sub>)

 $\rightarrow$  T/T<sub>0</sub> = a(t<sub>0</sub>)/a(t)  $\rightarrow$  T = T<sub>0</sub>(1+z)

 $\rightarrow$  zwarte straler  $\lambda_{max}T = \text{constant} \rightarrow \lambda = \lambda_0/(1+z)$ 

➤ T<sub>0</sub> = 2,726 K, ontkoppeling van de straling en materie
378.000 jaar na de oerknal → z = 1089 → T<sub>CMB</sub> ≈ 3000 K

### Diagnostiek aan donkere materie /energie

- Temperatuursfluctuaties in de mikrogolfachtergrondstraling (het oudste licht) op boogminuten-schaal met  $\Delta T/T = 10^{-6}$
- Afname/toename van de schijnbare SN-Ia helderheid (als gestandaardiseerde bron van absolute lichtkracht) naar grotere roodverschuiving.
- Vervorming door zwaartekrachtlenzen (zwak) van de vorm van melkwegstelsels.
- Evolutie röntgenmorfologie (met z) van intraclustergas in groepen en clusters van melkwegstelsels.
- Dynamica van sterren in melkwegstelsels en van melkwegstelsels in clusters.
- Detectie van deeltjes met een massa > 0.1 TeV, gammastraling boven 50 GeV.

#### Diagnostiek van het "oudste licht"

- Golflengteband: millimeter en submillimeter straling (microgolfgebied)
- Techniek: telescopen op ruimteplatformen
- Projecten (1989, 2001, 2009):
  COsmic Background Explorer (COBE) (referentie)
  Wilkinson Microwave Anisotropy Probe (WMAP)
  Planck



Holmdel Radiotelescoop New Jersey, USA

A.Penzias and R.Wilson ontdekten in 1964 een microgolf ruis van de gehele hemel: past bij een temperatuur van ongeveer 3 Kelvin: dit is de warmtestraling van 370 000 jaar na de Oerknal: het "oudste licht" in heelal (Nobelprijs 1978).

Er zijn 1 miljard fotonen van deze straling per materiedeeltje (proton of neutron) in het heelal.



# temperatuur inhomogeniteiten ~ $7^0$

COsmic Background Explorer (COBE), 1992
## Het oudste licht

- Vroege heelal zeer heet 🛑 geen atomen, alleen electronen + kernen
- Veelvuldige verstrooiing van licht aan electronen



## electromagnetic content of the universe today



### Eindresultaat COBE: CMB anisotropie



#### WMAP resultaten

#### **ROOD-BLAUW** = 4-0 K

monochroom groen! extreem uniforme temperatuur 2,72 K



**ROOD - BLAUW** = 0.0004 K verschil

**ROOD** - **BLAUW** = 2,729 - 2,721 K



CMB temperature distribution final result



256

## Improvement in spatial resolution of the CMB probes



COBE

WMAP

Planck

## Verbetering beeldscherpte µ-golfachtergrondstraling (CMB) met 3 generaties satellieten



#### Diagnostiek aan Grote-Schaal structuur

Planck(ESA): fluctuaties in de μ-golfachtergrond Operatie: 14 mei 2009 lancering met Ariane-V raket, augustus 2013 uit baan, oktober 2013 'switch off '

Locatie in faseruimte voor diagnostiek t.o.v. WMAP:

- Frequentieband tot 1 THz (~10 x hoger)
- Ruimtelijk: 5-boogminuten-schaal (~3x beter)
- Temperatuurs fluctuaties  $\Delta T/T = 10^{-6} (\sim 5 \text{ x beter})$
- Polarisatiegraad (~3x beter)

## Planck final (2018): Temperature/density fluctuations CMB, average CMB temperature 2.726 K



## Temperatuur-/dichtheidsfluctuaties: ontbinding in sferische harmonischen

$$f(x) = \sum_{n=0}^{\infty} b_n \cos(2\pi n x/D + \phi_n)$$

$$T(\theta,\phi) = \sum_{l=0}^{\infty} \sum_{m=-l}^{i} a_{lm} Y_{lm}(\theta,\phi) \qquad Y_{lm} = e^{im\phi} P_l^m(\cos\theta)$$
$$C_l \equiv \langle |a_{lm}|^2 \rangle \equiv \frac{1}{2\ell+1} \sum_{m=-\ell}^{\ell} |a_{\ell m}|^2$$





Het temperatuur 'power spectrum' sorteert de intensiteit (amplitude) van de temperatuursverschillen  $\Delta T$ in de hemelverdeling van T over de verschillende hoekschalen.







Vroege heelal (pre-recombinatie) gevuld met baryon-foton plasma in een gravitatie-potentiaal met pieken en dalen: het gevolg van Donkere Materie (DM). Wisselwerking van stralingsdruk en zwaartekracht $\rightarrow$  drukgolven, gebieden met afwisselend hoge en lage dichtheid  $\rightarrow$  akoestiek

263



Verhoging van de baryonendichtheid (normale materie) moduleert de hoogte van de akoestische pieken. De oneven genummerde pieken worden versterkt t.o.v. de even genummerde pieken.



Donkere-materie verhoogt de totale materiedichtheid bij onveranderde baryonen-dichtheid. Bij toename van de donkere-materiedichtheid neemt de sterkte van de akoestische pieken af omdat de invloed van de druk t.g.v. straling (fotonen) verminderd. De sterkte van de even-oneven modulatie, tengevolge van de baryonen, neemt toe. 265



Kromming van de ruimte en Donkere Energie veranderen beiden de hoekdiameter-afstand naar het oppervlak van de laatste verstooïng (waar de recombinatie van het hete baryon-plasma optrad). Dit resulteert in een verschuiving van de piekposities langs de as van de multipool *l*.



Acoustic peaks related to density waves in the very early Universe

## Anomalie 1:

Lager vermogen (~ 10%) in de temperatuursfluctuaties bij grote hoekschalen ( $6^0 - 90^0$ ) dan verwacht op grond van het best passende kosmologisch model:

Volstrekte isotropie van het heelal, met name op de grootste ruimtelijke hoekschalen staat mogelijk ter discussie.

#### Anomalie 2: geen volstrekte isotropie

noordelijk en zuidelijk ecliptisch halfrond zijn niet hetzelfde Kosmische variantie?



Anomalie 3: asymmetrie gemiddelde temperatuur N-ecliptisch halfrond wat kouder, Z-ecliptisch halfrond wat warmer, (te) grote koude plek



## Anomalie-4: (te) grote extreem koude plek in Eridanus



Onwaarschijnlijke combinatie van hoekafmeting(5<sup>0</sup>) en temperatuursverschil (70  $\mu$ K). De gemiddelde  $\Delta$ T (rms) over de CMB-hemel (t.o.v. ~ 2.7K) is 18  $\mu$ K, en de grootste temperatuursfluctuaties treden op bij een schaalgrootte van 1<sup>0</sup>

Verklaring gezocht met de in Eridanus gevonden 'supervoid'(superholte) met een afmeting van > 0.5 miljard lichtjaar op een afstand 6 miljard lichtjaar (z=1).

Recent onderzoek laat zien dat het statistisch gewicht van deze correlatie laag is!

Bovendien kan een holte van dergelijke afmetingen volgens de huidige theorie niet worden gevormd!



Imprint supervoid on CMB

## The Planck mapped CIB changing with frequency

- The image shows large structures containing Ultra-Luminous Infrared galaxies.
- 2. These galaxies form stars at a very high rate (thousand times faster than the Milky Way).
- 3. It is expected that the lowest Planck frequency CIB maps (217 Ghz) show the most distant structures formed less than 2 billion years after the Big Bang.
- 4. The change in the structures observed demonstrate we are seeing younger layers of galaxies in the Universe.





## Planck 2018 eindresultaat

Temperatuurs- /dichtheidsfluctuaties in de kosmische µgolf-achtergrondstraling

Correlatie temperatuurs-/dichtheidsfluctuaties met polarisatierichting CMB-straling

## kosmologisch parameters volgens Planck 2018

- Leeftijd van het heelal:
- Hubble constante:  $H_0 = 67$ ,
  - Zwaartekracht producerende materie:  $\Omega_{\rm m}$ = 31,5 %
  - Gewone materie (baryonen):  $\Omega_{\rm b} = 5.0 \%$
  - Donkere materie:
  - Donkere energie:

 $t_0 = 13,798 \pm 0.037$  miljard jaar  $H_0 = 67,4 \pm 0,5$  km sec<sup>-1</sup> Mpc<sup>-1</sup>\*

$$\Omega_{\rm d} = 26,5 \%$$
  
 $\Omega_{\Lambda} = 68,5 \%$ 

• Dichtheid van het heelal binnen 1% van de kritische dichtheid  $\rho_c$  voor een vlak heelal.

\* De waarde van deze Hubble constante uit de data voor het 'verre' (= vroege) heelal verschilt significant van de recentste waarde afgeleid uit een Cepheïden sample uit het lokale heelal.

Hubble opname stercluster in Grote Magelhaense Wolk Calibratie (2019): 'Cosmic Distance Ladder'met 70 Cepheiden

Hubble constante 'Late Universe'  $H_0 = 74.03 \pm 1.42$  km/s/Mpc

275

## Cepheids: period – luminosity relation Milky Way, LMC and SMC



# Emerging discrepancy H<sub>0</sub> measurements for distant (early) and local (late) Universe





Discrepancy Cepheids – Planck =  $6.6 \pm 1.5 \text{ km s}^{-1} \text{ Mpc}^{-1}$ 4.4 standard deviations (probability <10<sup>-5</sup>) <sup>277</sup> Implies new physics in the current  $\Lambda$ CDM cosmology model?



#### Before Planck

After Planck



Conclusies "Planck µ-golfachtergrond survey 2018:

we weten nu nog preciezer wat we niet weten!

- ACDM ('concordantie') model is nog overtuigender bevestigd als het model dat de waarnemingen het beste beschrijft.
   Er zijn niettemin andere kosmologische modellen die nog zodanig redelijk bij de waarnemingen passen dat ze vooralsnog niet kunnen worden uitgesloten.
- Inflatie na explosie d.m.v. een onbekend inflatieveld
  De gemeten anomalieën, indien reeël, zetten dit model onder druk
- Structuurvorming door onbekende aantrekking: donkere materie
- Versnelde uitdijing door onbekende afstoting: donkere energie

## Diagnostiek donkere energie

Afname/toename van de schijnbare SN-Ia helderheid (als gestandaardiseerde bron voor bekende intrinsieke lichtkracht) naar grotere roodverschuiving z.

# SN 1987A, Grote Maghellaense Wolk

Anglo-Australian Observatory

### Hoge-z SN-Ia surveys voor kosmologie

Twee teams, start in 1994

- Supernova Cosmology Project (SCP)
- High-z SN search

Eerste aanwijzing voor versnelde uitdijing gepubliceerd in 1998. Methodiek:

In een heelal gedomineerd door materie treedt door vertraging van de uitdijing (zwaartekracht wisselwerking) een toename van de schijnbare SN-helderheid op naar grotere roodverschuiving.

In een heelal gedomineerd door donkere energie treedt door versnelling van de uitdijing (negatieve druk) een afname van de schijnbare SN-helderheid op naar grotere roodverschuiving.

#### Scenario voor "standard candle" supernova type 1A:

Nauwe dubbelster met compacte component (Witte Dwerg)  $\rightarrow$ massaoverdracht van begeleider naar Witte Dwerg (WD) ster  $\rightarrow$ totale massaopbouw aan het oppervlak WD tot aan limiet van 1.44 zonsmassa's  $\rightarrow$  verbrandt/ontploft de WD volledig (SN-1A explosie). Daarbij komt ~ 1M<sub> $\Theta$ </sub> radioactief <sup>56</sup>Ni vrij, dat vervalt tot <sup>56</sup>Fe.







SN 1994d in NGC 4526

White dwarf with companion



#### The nearby SN Ia sample



#### Distance Modulus m-M corresponds to the 'light distance' assuming brightness to decrease proportional to 1/(distance)<sup>2</sup>

Nobel Prize Physics 2011 for Saul Perlmutter Adam G. Riess Brian P. Schmidt





Reference(blue): Omega(matter)=0.27, Omega(lambda)=0, Omega(curvature)=0.73 cbr\_combifile.txt

288
## SN-1a statistiek inclusief Hubble hoge-z detecties



De verste supernova in het Hubble Deep Field:

Rechtsonder: aftrekken van 1997 beeld van 1995 beeld toont de supernova





# SNe Type Ia: eenduidige standaardiseerbare lichtbron?

Triggers

- Massa overdracht van begeleider naar een Witte Dwerg in een compacte dubbelster. Als  $M_{WD} > 1.44 M_{\odot}$  wordt, verbrandt/ontploft de WD volledig. Daarbij komt ~  $1M_{\odot}$  radioactief <sup>56</sup>Ni vrij, dat vervalt tot <sup>56</sup>Fe.
- -'Spiral-in' en 'merging' van 2 WDs in een WD-dubbelster. Kan worden gevormd in sterclusters: 'merger' van compacte dubbelsterren met 1WD.

## Omringend sterrenstelsel

- SNe 1a zien we in alle typen sterrenstelsels. In elliptische stelsels is de intrinsieke lichtkracht meestal aanzienlijk zwakker dan in spiraalstelsels
- Variabele stofcondities langs de gezichtslijn
- Concentratie zware elementen(metalen) beïnvloedt de pieklichtkracht
  - $\rightarrow$  lichtkrachtevolutie van SNe Type Ia met roodverschuiving?
- Low-z (<0.15) SNe survey by GAIA astrometrische satelliet
- $\sim 6300$  SNe ( $\sim 3-4/dag$ ) in 5 jaar, waaronder  $\sim 4400$  SNe Type Ia
- blauwe en rode fotometrie voor SNe sterker dan 19<sup>th</sup> magnitude (vis)

# Observational constraints $\Omega = \Omega_{matter} + \Omega_{vacuum}$



293

## Oorsprong en Ontwikkeling van de grote-schaal-structuur van het heelal



294

## Structuur schalen in het heelal



## Groei van kosmische structuren (1)

Donkere materie en donkere energie beïnvloeden de eigenschappen, zoals massa en ruimtelijke verdeling van massieve structuren.



## Groei van kosmische structuren (2)

klontering en verhitting van baryonische materie treedt op onder invloed van zwaartekracht (donkere materie + baryonen) en donkere energie



## Computer simulatie voor kosmisch web op z = 10, leeftijd heelal 500 miljoen jaar

#### EAGLE: Evolution and Assembly of GaLaxies and their Environments

The evolution of intergalactic gas. Colour encodes temperature

z = 10.1 t = 0.5 Gyr L = 25.0 cMpc

## Computer simulatie voor kosmisch web op z = 0,5leeftijd heelal 8,4 miljard jaar

### EAGLE: Evolution and Assembly of GaLaxies and their Environments

The evolution of intergalactic gas. Colour encodes temperature

z = 0.5 t = 8.4 Gyr L = 25.0 cMpc Millennium Run: Computer simulatie van het kosmisch web, zoom in to galaxy cluster scale



## Temperatuurontwikkeling in de kosmische webstructuur als functie van de roodverschuiving

7.5

6.6

(Y) 5.7 L 60 4.8

3.9

3.0

z=5.0

301

### Temperatuurontwikkeling in de kosmische webstructuur als functie van de roodverschuiving



Z=1.0



### Present 13.80 Gigayrs

### 5.85 Gigayrs

t<sub>evol</sub>

3.27 Gigayrs

1.54 Gigayrs 303 Structuurontwikkeling in het heelal vanaf de ontkoppeling van de µ-golfachtergrondstraling 370.000 jaar na de oerknal

fluctuaties schuim/voids melkwegen groepen clusters



## **Void Formation**

(Simulation, including Dark Matter + Dark Energy)



## Observational evidence for the existence of Void formation (1)

Sloane Digital Sky Survey: distribution of 930 000 galaxies in space: shows a foam-like structure: galaxies are distributed around bubble-shaped voids.



## Observational evidence for the existence of Void formation (2)



Sloane Digital Sky Survey III covering a volume of 650 (Gyr)<sup>3</sup>: <sup>307</sup> Distribution of 1.2 million galaxies in space: shows a foam-like structure: galaxies are distributed around bubble-shaped voids (2016) Baryon Akoestische Oscillaties worden terug gezien in het huidige heelal als voorkeursafstand tussen sterrenstelsels (500 miljoen lichtjaar) (1)



Baryon Akoestische Oscillaties worden terug gezien in het huidige heelal als voorkeursafstand tussen sterrenstelsels (nu op 500 miljoen lichtjaar) (2)





Conclusies donkere energie in het heelal

Aanwijzingen zijn indirect maar redelijk overtuigend!

- Afstandsmetingen m.b.v. SN-Ia als standaard lichtbron en hun afhankelijkheid van de roodverschuiving z : suggereert een versnelling van de expansie van het heelal gedurende de 2<sup>de</sup> helft van haar levensloop (Nobelprijs 2011).
- 2. Theoretische noodzaak voor "extra energie" die niet uit normale of donkere materie bestaat om de waarneming van een vlak heelal te verklaren: er zijn geen observationele aanwijzingen die duiden op een "globale" kromming van het universum.
- 3. De waargenomen grote-schaal golfpatronen van de massadichtheid in het heelal. De Sloan Digital Sky Survey en deWiggleZ survey (2011) met 200.000 melkwegstelsels van het Australian Astronomical Observatory toont lege bellen (voids) met een typische grootte van 150 Mpc omgeven door sterrenstelsels. De hiermee nauwkeuriger afgeleide snelheden van de stelsels bevestigt versnelde uitdijing vanaf een leeftijd van ≈ 9 miljard jaar.

# diagnostiek evolutionaire overgang 15 < z < 10'dark age' $\longrightarrow$ 'epoch of reionization'

- Golflengteband: nabij-IR (1-20 μm) en langgolvige radiostraling (<200 MHz)</li>
- Techniek:

grote, buigingsbegrensde, infrarood -telescoop in de ruimte, multibundel radiosynthese telescopen op de grond

- Projecten:
  - James Webb Space Telescope (JWST, 2021+)
  - LOw Frequency ARray (LOFAR, 2010+)

## Neutraal waterstof: hyperfijnovergang



### Hydrogen 21 cm line

- Spin flips probability: Once every ten million years – should be hard to detect
- But:
  - Huge amounts of atomic hydrogen in the Galaxy
  - Makes the 21 cm line easy to detect









Evolution of large scale structure: Galaxy formation

- Hubble Ultra Deep Field
- Alma/Subaru deep exposure

## Hubble: vorming van Melkwegstelsels



## Hubble Ultra Deep Field (HUDF) in the constellation Fornax total number of galaxies > 10.000

#### FAST FACTS

- Location: Constellation Fornax
- Distance from Earth: Up to 13 billion light-years away

Size:

This patch of sky is about one-tenth the diameter of the full Moon.

Hubble Ultra Deep Field

a hubble image tour



## Galaxies in the HUDF < 5 billion light years away



## Galaxies in the HUDF 5 -10 billion light years away



## Mergers: colliding galaxies



## Galaxies in the HUDF > 10 billion light years away



## Himiko triple galaxy merger

### Hubble

Universe 800 million yrs (z = 6.6) Very high star forming rate: several 100's/yr No hint of Carbon or heavy elements Precurser to large galaxy formation from primordeal material?

## ALMA/SUBARU
#### Diagnostiek aan de 'dark matter' structuur

Euclid (ESA-L2022), Nancy Roman Space Telescope (NASA-L2025+)

- Vervorming door zwaartekrachtlenzen ('weak lensing') van de vorm van melkwegstelsels.
  'Wide Survey': 15000 gr<sup>2</sup> ≈ ¼ hemel tot z=2 (10<sup>10</sup> jaar terug)
- Clustering van melkwegstelsels op bepaalde hoekschalen in de grote-schaal structuur van het heelal ('Baryon Acoustic Oscillations (BAO)')
- Grote steekproef (>1000) met Supernovae 1A tot op grote roodverschuiving ( $z \sim 2$ , 'deep survey' 2 x 20 gr<sup>2</sup>)

## Distorsie stralingsmorfologie door zwaartekrachtlens



#### Gravitational lensing: Weak → Strong



# Principe van een kosmische zwaartekrachtlens (1)

#### Principe van een kosmische zwaartekrachtlens: vorming van een "Einstein Ring" (2)



# Hubble (2008): Hoefijzervormige Einstein ring

## "Einstein cross": veelvoudig beeld van Quasar door zwaartekrachtlens van dichtbijstaand melkwegstelsel



#### Hubble sterke lenswerking op 6 quasars, DM klonten $10^{-4}$ - $10^{-5}$ M<sub>halo</sub> (Gal) Opnames 2015 – 2018, AAS 2020



#### Hubble: vervorming melkwegstelsel door zwaartekrachtlens



# Zwakke lenswerking

#### (Credit Henk Hoekstra UL)



De vervorming door zwakke lenswerking kan heel precies worden bepaald door de ellipticiteiten van verre melkwegstelsels te meten en daaruit de massaverdeling in de lens te reconstrueren.<sup>334</sup>

## Zwakke lenswerking door de (donkere) massa in een cluster van melkwegstelsels:



335

De door zwaartekracht geproduceerde 'shear' leidt tot een coherente alignering van de ellipticiteiten van de achtergrond-melkwegstelsels

## Bullit cluster

weak lensing mass contours

336

HST image

#### Globale verdeling van donkere materie

Afgeleid uit de zwakke lenswerking op de μ-golfachtergrond-straling gebaseerd op de Planck hemelkaart (2018)



## Specifieke eisen aan waarneeminstrument

#### Zwakke lenswerking van kosmische structuren:

- scherpe afbeeldingen van veel melkwegstelsels
- fotometrie in meerdere banden, inclusief nabij infrarood

#### Samenklontering van melkwegstelsels:

- 3d verdeling van veel melkwegstelsels op hoge roodverschuiving
- goede spectra in nabij infrarood

*Voor beide moet een groot oppervlak van de hemel worden waargenomen vanuit de ruimte.* 

## Annihilatie van donkere materie $\Rightarrow$ high energy $\gamma$ -rays?



#### Baryonen als "tracer" van donkere materie

• De grote schaal structuur van het huidige heelal wordt bepaald door de groei van de fluctuaties in de dichtheid van de donkere materie en door de dynamische wisselwerking van donkere materie met de donkere energie

• De wijze waarop deze grote schaal structuur zich aan ons manifesteert wordt bepaald door de zichtbare, baryonische, materie die is ingebed in de distributie van de donkere materie

#### Baryon populations in the Universe:

- Temperature vs Density
- Ion species as thermometers for the cosmic web



#### Kosmisch Web: Massa, Temperatuur, X-rays, OVII-kolom



342



HST: Cluster Abell 1689, Gravitational Lense .

Einstein-ringen tonen in de cluster: ca. 6 maal meer 'donkere' materie met zwaartekracht dan 'gewone' materie die uit atomen bestaat.



Bullet cluster: interacting cluster pair (cluster merger) shows different behavior between the non-interacting dark matter component and the interacting baryonic matter component.

empirical proof for the existence of dark matter



- D. Clowe et al., 2006, ApJ 648, L109
- Weak-lensing observations of cluster merger 1E 0657-558 (z = 0.296)

- Chandra X-ray observations
- Detection of dark matter, independent of assumptions regarding the nature of the gravitational force law.

345

#### Clusters van Melkwegstelsels



Galaxy Cluster Abell 2218 NASA, A. Fruchter and the ERO Team (STScl, ST-ECF) • STScl-PRC00-08 HST • WFPC2

Melkwegstelsels vormen slechts een kleine massafractie t.o.v. de donkere materie en het hete intracluster-gas <sup>346</sup>

## Clusters van Melkwegstelsels: het hete IntraCluster Gas (ICG) met T ~10<sup>7</sup>-10<sup>8</sup> K

Sérsic 159-03



Centraal "zwaar" melkwegstelsel in de cluster Massa<sub>ICG</sub>  $\approx$  6 x Massa<sub>gal</sub>

Röntgenhelderheid ICG maximaal op de positie van een centraal <sup>347</sup> (optisch) helder stelsel. Door grotere dichtheid daar koelt het ICG

## X-ray emission of Intracluster media in 2 clusters (XMM-Newton)



## Intracluster Gas (T $\sim 10^7$ -10<sup>8</sup> K) rond centraal stelsel



Centraal "zwaar" Melkwegstelsel in de cluster Massa van heet gas  $\approx 6$  x Massa optisch stelsels

#### Centraal deel Perseus cluster ( $\approx 500$ stelsels)

NGC1275: elliptisch stelsel met in de kern een  $3.4 \times 10^8 M_{\odot}$  zwart gat

#### IGM cavities: jet outflow by the central black hole in NGC 1275





Perseus Core S–XV and S–XVI



353

Perseus Core Fe-XXV complex



# NGC 1275 : Active Galactic Nucleus with jet outflow, creating cavities filled with relativistic plasma: 'cosmic feedback'



#### Cyclus van kosmische terugkoppeling ('cosmic feedback') die van invloed is op de evolutie van de grote schaal structuur



# Het globale beeld

gas 4.2%

#### sterren 0.5%



#### neutrino's 0.3%



#### donkere materie 26.5%

#### donkere energie 68.5%

zware elementen 0.03%

# cosmic acceleration and feedback

## the role of compact objects in the Universe: binaries, pulsars, neuton stars and black holes


Cosmic Feedback

Large-scale structure of the Universe

# Kosmische versnellers: een selectie

- Versnelling in supernova's door schokgolven.
- Versnelling in pulsars (neutronensterren) aangedreven door dissipatie van rotatie-energie of door materie overdracht (accretie) in een compact dubbelstersysteem.
- Versnelling bij stellaire zwarte gaten aangedreven. door accretie in een compact dubbelstersysteem.
- Versnelling bij superzware zwarte gaten aangedreven door accretie t.g.v. 'star bursts'.

### Eindstadia van sterevolutie:

Dood van sterren  $\rightarrow$  geboorte van (ultra) compacte objecten

- Geen kosmisch vuurwerk:
  - de witte dwerg: dichtheid  $\approx 1 M_{\odot}$  binnen R<sub>aarde</sub>
- Wel kosmisch vuurwerk (= supernova):
  - de neutronenster: dichtheid  $\approx 1~M_{\odot}$  binnen straal 10 km
  - de quarkster ??: dichtheid  $\approx 1 M_{\odot}$  binnen straal 5 km
  - het stellaire zwarte gat: singulariteit  $\approx 1 M_{\odot}$  binnen straal 3 km (= Schwarzschildstraal)
- Superzware zwarte gaten (in kernen van sterrenstelsels)

Brauner Zwerg

0,05  $M_{\odot}$ 

Überriese

 $1 M_{\odot}$ 

10 M.

30 Mo

## Eindstadia van sterevolutie

Schwarzes Loch

Roter Riese

planetarischer Nebel



Überriese.

.

Neutronenstern

# Neutronensterren als pulsars

# Hete oppervlakken 10<sup>6</sup> – 10<sup>7</sup> K : Röntgentelescopie

# Neutron Star



### Pulsar: roterende neutronen ster Rotatie-as en magnetische dipoolas staan onder een hoek



### Gezichtshoek naar de aardse waarnemer



368

# Soorten pulsars naar energielevering

- Afname rotatie-energie van de neutronenster (Rotation powered pulsars)
- Massastroom uit accretieschijf in compacte dubbelster (Accretion powered pulsar)
- Afname van een ultrasterk (10<sup>15</sup>) magneetveld (Magnetar)

# Crab pulsar: wisps and rings moving

Krabnevel: stralende pulsarwind door versnelde ultra-relativistische deeltjes (electronen/positronen)

X-rays (Chandra SO)

Optical light (Hubble ST)

370

Krabpulsar: ringvormige emissie door geschokte 'pulsar wind'

Ontstaan 'pulsar wind':

- Het roterende magnetisch veld van de pulsar wekt een electrisch veld op aan het oppervlak van de neutronenster (Lorentz-kracht).
- Dit quadrupoolveld is veel sterker (≈ 2 x10<sup>14</sup> Volt/m) dan de zwaartekracht van de neutronenster en trekt lading (deeltjes) uit de sterkorst die verder langs de open magnetische veldlijnen wordt versneld → er ontstaat een "pulsar wind".

# Crab pulsar: wisps and rings moving: zoomed in



Continue deeltjesinjectie door pulsar Afname rotatie-energie pulsar = stralings- en expansieverliezen

> Halfwaardetijd stralende electronen: Radiostraling  $\approx 10000$  jaar Röntgenstraling  $\approx 100$  dagen Gammastraling  $\approx 1$ dag

# Vela pulsar in gamma rays

#### Vela Pulsar (periode 89 milliseconde)

#### INTEGRAL 2.1 Msec IBIS / ISGRI



# Hard $\gamma$ -ray pulsar, no pulsations at other wavelengths



## Fermi: new gamma ray pulsars



### msec-radiopulsars coincident with non-identified $\gamma$ -ray sources



# stellaire en superzware zwarte gaten

### zwarte gaten: wat is hun betekenis?

- Een ultime test van de Algemene Relativiteits Theorie in de sterke veld limiet, niet na te bootsen op aarde! Is de ART de juiste zwaartekracht theorie met al zijn opmerkelijke eigenschappen, zoals frame dragging etc?
- Welke rol hebben zwarte gaten gespeeld bij de structuur vorming van het heelal?
- Hoe zetten zwarte gaten accretie-energie om in bundels met extreem relativistische deeltjes?

### zwarte gaten: enig historisch perspectief

- 1916: Schwarzschild uit de Algemene Relativiteits Theorie (ART): Schwarzschild straal =  $R_s = 2GM/c^2 = 3 (M/M_{\odot}) km$
- 1938/1939: Oppenheimer + Volkoff + Snyder → voldoende concentratie van materie levert een volledige, catastrofale, ineenstorting op die door niets kan worden gestopt.
   Dit eindigt in een materiesingulariteit.
- 1960: Wheeler → voert de naam zwart gat in voor dit 'theoretische' object: een object moet een zwart gat zijn als zijn massa is geconcentreerd binnen de bij het object behorende Schwarzschildstraal = R<sub>s</sub> = 3 x 10<sup>8</sup> (M / 10<sup>8</sup> M<sub>☉</sub>) km. Voor een superzwaar zwart gat met M = 10<sup>8</sup> M<sub>☉</sub> is dit ≈ 2 AU.

#### roodverschuiving van EM-straling in een zwaartekrachtsveld

- rustmassa foton  $m_0 = 0$
- relativistische massa foton  $m = E/c^2 = hv/c^2$
- van steroppervlak (straal R) naar waarnemer
- arbeid W =  $m\Delta U$ ,  $\Delta U$  = doorlopen zwaartekrachtpotential
- roodverschuiving z volgt uit energieverlies E –W:

 $\Delta v/v = \Delta U/c^2, \ \Delta U = U(R) = GM/R \rightarrow$  $z \approx \Delta v/v = GM/Rc^2 = \frac{R_s}{2R}, \ \text{geldig bij } \Delta v/v \ll 1 \ (R \gg R_s)$ 

ART:  $1 + z = (1 - R_s/R)^{-1/2}$ 

# Schwarzschildstraal/fysieke straal: R<sub>S</sub>/R<sub>f</sub>

Normale materie  $M = (4/3)\pi R^3 \rho_m \rightarrow R \sim M^{\frac{1}{3}}$ , let op  $R_s \sim M$ . De kritische dichtheid  $\rho_s$  voor catastrofale collaps  $\sim M^{-2}$ , bij superzware ( $\approx 10^9 M_{\odot}$ ) zwarte gaten is  $\rho_s \approx 10 x$  dichtheid lucht.

•	Atoomkern	3 x 10 - 39
•	Atoom	3 x 10 - 43
•	Mens	10 - 25
•	Aarde	10 - 9
•	Melkwegstelsel	6 x 10 <sup>- 7</sup>
•	Zon	4 x 10 <sup>- 6</sup>
•	Witte Dwerg Ster	3 x 10 - 4
•	Neutronenster	0,3



### karakterisatie van een zwart gat

- Zwarte gaten worden volledig gekarakteriseerd door hun massa M, hun draai-impulsmoment J en hun lading Q (≈ 0, het locaal aanwezige plasma verhindert de opbouw van een stationaire statische lading).
- Voor Q = 0 en J = 0 geldt de Schwarzschildoplossing van een stationair sferisch symmetrisch zwart gat met als waarnemingshorizon de Schwarzschildstraal  $R_s$ . De massa M bepaalt de schaal (afmeting) van de kromming van de ruimtetijd.
- Naast de Schwarzschildstraal is er nog een tweede belangrijke parameter  $R_{isco} = 6GM/c^2$ , dit is de straal van de laatste circulaire stabiele baan om het zwarte gat. Buiten  $R_{isco}$  kunnen testdeeltjes permanent in stabiele cirkelbanen om het zwarte gat bewegen. Binnen  $R_{isco}$  zijn de banen instabiel, testdeeltjes spiraliseren snel naar de waarnemingshorizon  $R_s$  en vallen in het zwarte gat. Baanperiode voor  $M = 10 M_{\odot} \approx 5$  millisec, voor  $10^8 M_{\odot} \approx 12$  uur.

# Light cone in 3D-spacetime (2D hypersurface + time)



### Betekenis van de waarnemingshorizon



388

# Een Kerr zwart gat

- Indien Q = 0 met J en M willekeurige waarden, dan is er sprake van een Kerr zwart gat. Dit is ook een axiaalsymmetrische oplossing waarbij het zwarte gat een rotatie-as met een bepaalde voorkeursrichting bezit.
- Het draai-impulsmoment J wordt gekarakteriseerd door een dimensieloze spinparameter  $a = cJ/GM^2$ , met 0 < a < 1 en met rotatie-energie  $E_{rot} < 0.29M$ . Het maximale draaiimpulsmoment van een Kerr zwart gat komt overeen met een spinparameterwaarde a = 1. Dit is de bovengrens voor de spin-up van een Kerr zwart gat. De rotatie bepaalt de geometrie van de ruimtetijd en veroorzaakt het meedraaien van objecten vlak buiten de waarnemingshorizon ('frame dragging', Lense Thirring effect).

# de waarnemingshorizon van een Kerr zwart gat

 Kerr zwarte gaten bezitten ook een waarnemingshorizon en een binnenste (laatste) stabiele cirkelbaan. Voor testdeeltjes die zich in het equatoriale vlak van het roterende zwarte gat bevinden is R<sub>isco</sub> kleiner dan de Schwarzschildstraal voor het geval dat het testdeeltje coroteert in zijn baan met het zwarte gat en groter dan de Schwarzschildstraal bij retrograde rotatie.



390





<sup>10</sup> Energy (keV)

5

2

20

50

No Black Hole Rotation  $ISCO = 6GM/c^2$ 

# massa M en schaal, impulsmoment J en lading Q

Class		Mass	Size
Supermassive black hole		~10 <sup>5</sup> -10 <sup>9</sup> M <sub>Sun</sub>	~0.001–10 AU
Intermediate-mass black hole		~10 <sup>3</sup>	$\sim 10^3$ km = $R_{Earth}$
Stellar black hole		~10 M <sub>Sun</sub>	~30 km
Micro black hole		up to ~M <sub>Moon</sub>	up to ~0.1 mm
	Stationary (J = 0)		Rotating (J > 0)
Uncharged (Q = 0)	Schwarzschild		Kerr
Charged (Q ≠ 0)	Reissner-Nordström		Kerr-Newman

# detectie van zwarte gaten door accretie

- Het bestaan van zwarte gaten volgt direct uit de ART (1915)
- Meer dan 50 jaar blijft dit louter theorie, maar in 1967 wordt de eerste neutronenster ontdekt (Bell & Hewish)
- Bestaan er dan ook zwarte gaten? In 1970 worden de eerste stellaire zwarte gaten in nauwe (= compacte) dubbelsterren gevonden
- Dit versterkt het vermoeden voor het bestaan van superzware gaten in de kernen van actieve sterrenstelsels zoals 'quasars'

# Stellaire zwarte gaten in compacte dubbelsterren massafuncties
# Zwaartekracht verhitting: materie spiraliseert naar een stellair zwart gat in een nauwe dubbelster

Accretion disc \

Disc wind

BH-Jet:Radio, Ο, Χ, γ **X-ray heating** 

Hot spot

Accretion

stream

Hot inner disk to R<sub>isco</sub>: X-rays

Companion star

## GR effects shaping the image of an accretion disk around a BH

Image of the disk's far side The black hole's gravitational field alters the path of light from the far side of the disk, producing this part of the image.

#### Photon ring

A ring of light composed of multiple distorted images of the disk. The light making up these images has orbited the black hole two, three or even more times before escaping to us. They become thinner and fainter closer to the black hole.

#### Black hole shadow

This is an area roughly twice the size of the event horizon — the black hole's point of no return — that is formed by its gravitational lensing and capture of light rays.

#### Doppler beaming

Light from glowing gas in the accretion disk is brighter on the side where material is moving toward us, fainter on the side where it's moving away from us.

#### Accretion disk

The hot, thin, rotating disk formed by matter slowly spiraling toward the black hole.



Top view

#### Image of the disk's underside

Light rays from beneath the far side of the disk are gravitationally "lensed" to produce this part of the image.

#### Radiële snelheidskromme van de dubbelster V404 Cyg



399



## BH-masses in binaries from the observed mass functions

Binary	Likely M <sub>x</sub> (M <sub>e</sub> )	f(M)=M <sub>X,min</sub> (M <sub>c</sub> )
401543-47	<b>5 ± 2.5</b>	0.22 ± 0.02
GRO J0422+32	10±5	1,21 ± 0.05
GRO J1655-40	// <b>7</b> ± <b>1</b> //	<b>2.73</b> ± 0.09
SAX J1819.3-2525	10.2 ± 1.5	2.74 ± 0.12
A0620-00	// <b>10</b> ± <b>5</b> //	/ 2.91 ± 0.08
GRS 1124-683	// <b>7±3</b> ///	3.01 ± 0.15
GRS 1009-45	<b>4.2 ± 0,6</b>	3.17±0.12
H1705-250	/ 4.9±1.3//	/ 4.86±0.13 /
GS 2000+250	// <b>10</b> ±4///	<b>4.97</b> ±0.10
XTE J1118+480	///1///	6.0±0.3
GS 2023+338	// <b>12</b> ±2//	6.08±0.06
XTE J1550-564	10.5±1	6.86±0.71
XTE J1859+226	10±3	7.4 ± 1,1
GRS 1915+105	// <b>14</b> ±4//	/9.5±3.0/ / /

Galactic Centre region with 18 hard-X-ray binaries containing either a neutron star or a stellar mass black hole



'2010 statistiek' van stellaire zwarte gaten in dubbelsterren

**BH Binary:** Mass > 3 M<sub>o</sub> from binary analyses ; no NS properties **BH Candidate:** BHB X-ray properties + no pulsations + no X-ray bursts

		Dynamical BHBs	BH Candidates
N	/ilky Way	18	32
L	MC	2	0
n	earby galaxies	3 (e.g., M33-X7)	(? many ULXs)
2	total	23	32 <b>+ ?</b>
-	Transient	ts 17	25 + ?

Random fluctuaties in röntgenhelderheid tgv onregelmatige hete accretiestroom naar stellair zwart gat, nooit pulsaties



# Stadia van actieve accretie bij een zwart gat



# Stralingscomponenten rondom een zwart gat



# tijdsvertraging in de accretieschijfecho emissie



# Entropie en informatiedichtheid van zwarte gaten



# Entropie van zwarte gaten (1)

- Materie, bv. een hoeveelheid heet gas, bezit entropie. Entropie is een maat voor het aantal verschillende mogelijkheden die voldoen aan een bepaald criterium. Voorbeeld: een boodschap bestaat uit 65 bits, aantal verschillende mogelijkheden 2<sup>65</sup>, entropie = ln 2<sup>65</sup> ≈ 45.
- Entropie is geassocieerd met waarschijnlijkheidsverdelingen en is ook een maat voor een verborgen microscopische substructuur van informatie.
- De entropiewaarde hangt af van de waarschijnlijkheidsverdeling over de mogelijke toestanden in de toestandsruimte ('space of states') van het beschouwde systeem en van de kennis van de toestand van het systeem.
  In formule: S = -∑ p<sub>i</sub> ln p<sub>i</sub> → verwachtingswaarde van ln p
- Tweede hoofdwet van de thermodynamica stelt dat de totale entropie van het heelal altijd toeneemt.

# Entropie van zwarte gaten (2)

- Als er materie over de waarnemingshorizon in het zwarte gat verdwijnt, dan zou de entropie van het heelal afnemen: dit is strijdig met de tweede hoofdwet.
- Jacob Bekenstein postuleerde in 1972 dat zwarte gaten entropie moeten bezitten en dat des te groter het zwarte gat, des te groter de entropie.
- De aanduiding "black holes have no hair" (Wheeler) in de betekenis van een kale en uniforme waarnemingshorizon (entropie = 0) is dus te simplistisch: er moet sprake zijn van een verborgen microscopische substructuur die op vele manieren kan worden herschikt zonder het aanzicht in macroscopische zin te wijzigen.

#### Hoe groot is de (informatie) entropie van een zwart gat

Vraag (J. Bekenstein): hoeveel verandert de grootte van een zwart gat indien één bit informatie wordt toegevoegd? Heisenberg onzekerheidsrelatie bepaalt de golflengte van een 'één-bit foton' door de buigenslimiet te kiezen op de schaal van het zwarte gat. Enkel de uitspraak of het foton wordt ingevangen (1 of 0) impliceert  $\lambda = 2R_s$ , fotonenergie  $\Delta E = hc/(2R_s) \rightarrow massa-equivalent \Delta m = h/(2R_sc)$ To ename Schwarzschildstraal door verhoging  $\Delta m \rightarrow \Delta R_s = hG/(R_sc^3)$ Dit levert een oppervlaktoename van de waarnemingshorizon met:  $4\pi (R_s + \Delta R_s)^2 - 4\pi R_s^2 \approx 8\pi R_s \Delta R_s = 16\pi^2 \hbar G/c^3 = (4\pi \ell_P)^2 = \text{const} \cdot A_P$ Hierin is  $\ell_P$  de Plancklengte = $(\hbar G/c^3)^{\frac{1}{2}} \approx 10^{-35}$ m,  $A_p$  = Planckoppervlak. De entropie van een zwart gat, gemeten in bits, is evenredig met het oppervlak van de waarnemingshorizon uitgedrukt in Planck eenheden en dus niet, zoals intuïtief verwacht, met het volume binnen de horizon.

Conclusie: entropie schaalt met oppervlak van de horizon  $A_h$ .

Exacte berekening van Hawking entropie  $S = \frac{1}{4} (A_h / A_P)$ , met k=1.

# Informatiedichtheid op de horizon van een zwart gat



# Hawking straling van een zwart gat

Stephen Hawking toonde in 1974/75 aan dat een zwart gat niet alleen entropie bezit maar ook een temperatuur T heeft waardoor het zich als een zwarte straler gedraagt:

 $T = \hbar c^3 / (8\pi kGM), \rightarrow T \sim 1/M !$ 

met k = Boltzmann constante, G = gravitatie constante,  $\hbar$  = Dirac constante =  $h/2\pi$ Het energieverlies door Hawking straling leidt uiteindelijk tot verdamping van het gat met een verdampingstijd t<sub>evap</sub>:

 $t_{evap} = 5120\pi G^2 M^3 / (\hbar c^4), \rightarrow t_{evap} \sim M^3$ 

Enkele getallen:

zwart gat van 5 zonsmassa's:  $T \approx 10^{-8}$  K, verdampingstijd:  $\approx 3x10^{69}$  jaar zwart gat in de kern van een actief melkwegstelsel van  $5x10^9$  zonsmassa's:  $T \approx 10^{-17}$  K zwart gat met de massa van de maan (straal 0.1 mm):  $T \approx 1$  K zwart gat met een massa van  $10^{11}$  kg:  $T \approx 10^{12}$  K, verdampingstijd:  $\approx 3x10^9$  jaar zwart gat met een massa van  $10^{-8}$  kg (= de Planckmassa):  $T = 10^{31}$  K

Volgens Hawking ging met de verdamping van een zwart gat de daarin aanwezige informatie verloren. Dit is in strijd met de quantummechanica die stelt dat informatie hoe ook vervormd, gefragmenteerd of getransformeerd, nooit verloren kan gaan. Dit leidde in de jaren 80/90 tot de 'informatie paradox' en de 'black hole war' tussen Leonard Susskind (grondlegger van de snarentheorie) en Stephen Hawking.

## Susskind model: complementariteit en holografisch principe

Uit entropie berekening: het maximale aantal bits nodig om een begrensd gebied in de ruimte te beschrijven is evenredig met het begrenzingsoppervlak. Susskind: 'the world is described by pixels, not voxels'. Het horizon oppervlak van een zwart gat kan dan wiskundig beschreven worden als een hologram, waarin alle informatie die aanwezig is in het zwarte gat ligt opgeslagen, een idee afkomstig van Gerard 't Hooft. Informatie capaciteit 1 bit per  $4A_P$ .



Wat gebeurt er bij passage van een object door de waarnemingshorizon? Volgens Susskind hangt dat af van de waarnemingspositie: een verre waarnemer ziet het object nooit de horizon passeren en ten ondergaan in een hete grenslaag ("stretched horizon"), waarbij Hawkingstraling vrijkomt. De Hawkingstraling bevat dan de informatie, die dus niet verloren gaat in het zwarte gat. Een met het object meebewegende waarnemer merkt niets bij passage van de horizon. Deze interpretatie noemt hij de complementariteit van het zwarte gat: het is het één of het ander, maar nooit beiden tegelijk. Er is geen paradox omdat de verre en de meebewegende waarnemer nooit contact kunnen maken: één buiten, één binnen de waarnemingshorizon. Complementariteit is een eigenschap van de quantummechanica. 415

#### Microscopische morfologie van de waarnemingshorizon?

De meest vooraanstaande snaartheoretici, Juan Maldacena en Edward Witten, hebben een wiskundig sluitend model opgesteld van de microscopische horizonstructuur van een zwart gat. De inhoud van de binnenruimte, en dus de informatie, kan worden beschreven als een hologram aan de rand van de ruime. Het bestaat uit een zogenaamd 'D-brane', een oppervlakte in de ruimte waar snaren aan vast kunnen zitten en waarmee gluonen/hadronen kunnen worden beschreven. De 'open' snaren trillen en treden met elkaar in wisselwerking waardoor 'gesloten snaren' worden gevormd, die het zwarte gat verlaten in de vorm van Hawking straling.



Recent zijn er aanwijzingen dat quantumcomplementariteit, in combinatie met quantumverstrengeling, het mogelijke bestaan van een 'firewall' bij de waarnemingshorizon impliceert. Deze "firewall" zou de toegang versperren van de meebewegende waarnemer, de waarnemingshorizon is dan niet alleen een 'point of no return' maar een blokkade, de ART komt dan fundamenteel ter discussie te staan.



## Superzwaar zwart gat in ons Melkwegcentrum: $4x10^6 M_{\odot}$



419

## Event Horizon telescope: M87 central BH of 6.5 billion $M_{\odot}$



### Zoom on the central black hole in the M87 galaxy in Virgo



# Kosmische 'jets' (straalstromen): "footprint" van de krachtigste deeltjesversnellers

Radio-continuum kaart Cyg A: radiostelsel met actieve kern



# Meting van de spin van zwarte gaten

- Meting van de polarisatiegraad en -richting als functie van de foton energie voor de thermische schijfemissie (draaiing van het polarisatievlak is spin afhankelijk)
- Meting van de zwaartekracht-roodverschuiving in het binnenste deel van de accretieschijf uit het relativistisch verbrede lijnprofiel van de Fe K-α lijn
- Meting van hoogfrequente QPO's. De ISCO's voor een Schwarzschild metriek van zwarte gaten van  $5-15 M_{\odot}$  komen overeen met QPO frequenties van 450-150 Hz.

# bepaling van de spin van (superzware) zwarte gaten



Measurement of the gravitational redshift  $1 + z = (1 - R_s/R)^{-\frac{1}{2}}$ ,  $R_s =$  Schwarzschild radius, from the relativistically broadened Fe K- $\alpha$  emission line that originates in the hot X-ray emitting plasma in the innermost part of the accretion disk

## Relativistic line profile of the inner accretion disk of a SMBH



Eerste meting relativistisch verbrede Fe-fluorescentielijn. bij 6.4 keV, in de actieve melkwegkern MCG-6-30-15



426

Verandering van het ijzer emissielijnprofiel met de rotatie van het zwarte gat

Simulatie van de verwachte lijnprofielen zoals waar te nemen met de ATHENA Röntgentelescoop in 2030+



# Jets, outflows and feedback



#### Science with ATHENA

#### Inner structure of a blazar nucleus producing a jet outflow



Jet axis

Line of sight to Earth

# Synchrotron pray

av

Shock

p

Ambient photon or synchrotron photon ~~~

Shock

#### Proton-induced cascade

ray

Black hole Inverse-Compton scattering

**Radiation processes in collimated jet emission** 

#### Active Galactic Nucleus: ultra fast outflows of gas clouds



XMM-Newton 2012
Verhitting van intracluster gas door akoestische golven uit 'terugkoppeling' door het centrale zwarte gat



Athena X-ray observatory (2030+) belangrijkste wetenschappelijke thema's

Hoe verzamelt gewone materie zich tot de grote-schaal structuren die we nu in het heelal waarnemen?

Hoe groeien zware zwarte gaten en hoe beïnvloeden die de evolutie van het heelal?

# Athena X-ray observatory (2030+): diagnostiek

- Evolutie hete-gasmorfologie met roodverschuiving z van intraclustergas in groepen en clusters van melkwegstelsels door afbeeldingen in röntgenlicht met hoog spectraalscheidend vermogen
- Evolutie van groei en spin van superzware zwarte gaten door röntgenspectroscopie en -polarisatiemeting van accretieschijven met hoog tijdscheidend vermogen aan de rand van de waarnemingshorizon

#### Locatie in faseruimte voor diagnostiek:

- Majeure sprong in spectrale grensgevoeligheid (200x) t.o.v. XMM-Newton (en Chandra)
- Nieuwe waarnemingsas: polarisatie
- Unieke combinatie van tijd- en spectraalscheidend vermogen (spectroscopie in de fotonbegrensde limiet) 435

## Athena Mission (ESA 2030+), artist impression



### Athena: eerste sterren en zwarte gaten

Vraag: Wanneer explodeerden de eerste generatie zware sterren die de eerste 'kern' zwarte gaten produceerden en de eerste metalen in het heelal verspreidden?



### Athena: kosmische terugkoppeling

Hoe dissiperen de jets van actieve melkwegkernen hun mechanisch energie in het hete intraclustergas en hoe beïnvloedt dit de voeding van het zwarte gat? Welke invloed heeft dit op de dynamische clusterevolutie?



### Athena: de groei van zwarte gaten in 't vroege heelal

• Wat was de groei van zwarte gaten tijdens het tijdperk van herionisatie?

